

**МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ**

**ХАРКІВСЬКА НАЦІОНАЛЬНА АКАДЕМІЯ**

**МІСЬКОГО ГОСПОДАРСТВА**

**А. І. Колосов, А. В. Якунін, Ю. В. Ситникова**

**ЗБІРНИК  
ТЕСТОВИХ ЗАВДАНЬ  
З ВИЩОЇ МАТЕМАТИКИ.  
ЧАСТИНА ШОСТА:  
ОПЕРАЦІЙНЕ ЧИСЛЕННЯ.  
ВАРІАЦІЙНЕ ЧИСЛЕННЯ**

**Харків  
ХНАМГ  
2010**

**Збірник тестових завдань з вищої математики. Частина шоста: Операційне числення. Варіаційне числення:** Дидактичні матеріали до самостійної роботи з дисципліни «Вища математика» (для студентів 1 курсу денної та заочної форм навчання за напрямом підготовки 6.050701 «Електротехніка та електротехнології», спеціальностей «Електротехнічні системи електроспоживання» і «Світлотехніка і джерела світла») / Харк. нац. акад. міськ. госп-ва; уклад.: А. І. Колосов, А. В. Якунін, Ю. В. Ситникова. – Х.: ХНАМГ, 2010. – 84 с.

Укладачі: А. І. Колосов,  
А. В. Якунін,  
Ю. В. Ситникова

Рецензент: д.ф.-м.н., проф. М. Й. Кадець

*Рекомендовано кафедрою вищої математики,  
протокол № 5 від 22.12.2010 р.*

## Передмова

Надані тестові завдання з основних тем розділів “Операційне числення” і “Варіаційне числення”, вивчення яких передбачено у другому семестрі за діючими програмами з вищої математики для електротехнічних спеціальностей. Тести призначені для оперативної перевірки поточної успішності, а також можуть використовуватися для організації модульного контролю.

Тестові завдання мають закриту форму з вибором однієї правильної відповіді з декількох запропонованих. Кожне завдання позначено символом Q. з порядковим номером, а далі наведено варіанти відповідей, позначені символом V з порядковим номером.

## 1. Операційне числення

### 1.1. Основні поняття операційного числення

Q1.1.1. Зображенням за Лапласом функції  $f(t)$  називають інтеграл

$$V1. F(p) = \int_0^{\infty} e^{-pt} f(t) dt. \quad V2. F(p) = \int_0^{\infty} e^{pt} f(t) dt.$$

$$V3. F(p) = \int_0^{\pi} e^{pt} f(t) dt. \quad V4. F(p) = \int_0^{\pi} \left( e^{-pt} / f(t) \right) dt.$$

Q1.1.2. Яка з наведених функцій не є оригіналом?

$$V1. e^{-t^4}. \quad V2. e^{\sin t}. \quad V3. e^{\cos^2 t}. \quad V4. e^{t^4}.$$

Q1.1.3. Якщо функція  $f(t) \neq \text{const}$  є оригіналом, то її зображення  $F(p)$  при  $p \rightarrow \infty$  є

- V1. необмеженим.                      V2. нескінченно великим.  
V3. нескінченно малим.              V4. сталим.

Q1.1.4. Якщо неперервні функції  $f_1(t)$  і  $f_2(t)$  є оригіналами, що мають одне й те ж зображення  $F(p)$ , то відповідні значення цих функцій ... (З наведеного далі виберіть правильне продовження).

- V1. співпадають на всій області визначення.  
V2. відрізняються тільки на скінченній множині значень аргументу.

V3. відрізняються на деяку сталу.

V4. відрізняються на деяку нескінченно малу величину.

Q1.1.5. Якщо оригіналу  $f(t)$  відповідає зображення  $g(p)$ , то яке зображення відповідає його  $n$ -й похідній  $f^{(n)}(t)$ ?

V1.  $p^{n-1}g(p) - p^{n-2}f(0) - p^{n-3}f'(0) - \dots - f^{(n-2)}(0) p g(p)$ .

V2.  $p^n g(p) - p^{n-1}f(0) - p^{n-2}f'(0) - \dots - pf^{(n-2)}(0) - f^{(n-1)}(0)$ .

V3.  $pg(p) - f(0)$ .

V4.  $p^n g(p) - f(0)$ .

Q1.1.6. Якщо функція  $f(t)$  є оригіналом, якому відповідає зображення  $g(p)$ , тоді інтеграл  $\int_0^t f(z)dz$  теж є оригіналом і його зображенням служить

V1.  $g(p)/p - f(0)$ . V2.  $pg(p) - f(0)$ . V3.  $g(p)/p$ . V4.  $g(p) - p$ .

Q1.1.7. Нехай оригіналу  $f(t)$  відповідає зображення  $F(p)$ . Тоді який оригінал відповідає  $n$ -й похідній від зображення  $F^{(n)}(p)$ ?

V1.  $t^{(n)}f(t)$ . V2.  $(-1)^n t^n f(t)$ . V3.  $f(t)/t^n$ . V4.  $t f(t)$ .

Q1.1.8. Якщо аргумент оригіналу помножити на додатне число  $\alpha$ , чи зміниться зображення і як?

V1. Зображення не зміниться.

V2. Зображення зміниться, його аргумент також помножиться на число  $\alpha$ .

V3. Зображення зміниться, його аргумент поділиться на число  $\alpha$ .

V4. Зображення зміниться, його аргумент та саме зображення поділиться на число  $\alpha$ .

Q1.1.9. Якщо  $f_1(t)$  і  $f_2(t)$  є двома різними оригіналами, що мають відповідно різні зображення  $F_1(p)$  і  $F_2(p)$ , а  $C_1$  і  $C_2$  – сталі, то яка з наведених рівностей є вірною?

V1.  $C_1 f_1(t) \cdot C_2 f_2(t) \stackrel{\bullet}{=} C_1 F_1(p) \cdot C_2 F_2(p)$ .

$$\text{V2. } C_1 f_1(t) + C_2 f_2(t) \stackrel{\cdot}{=} C_1 F_1(p) + C_2 F_2(p) - C_1 F_1(p) \cdot C_2 F_2(p).$$

$$\text{V3. } (C_1 f_1(t)) / (C_2 f_2(t)) \stackrel{\cdot}{=} (C_1 F_1(p)) / (C_2 F_2(p)).$$

$$\text{V4. } C_1 f_1(t) + C_2 f_2(t) \stackrel{\cdot}{=} C_1 F_1(p) + C_2 F_2(p).$$

Q1.1.10. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = \cos \omega t$  ?

$$\text{V1. } g(p) = \frac{p}{p^2 + \omega^2}.$$

$$\text{V2. } g(p) = \frac{\omega}{p^2 + \omega^2}.$$

$$\text{V3. } g(p) = \frac{p}{p^2 - \omega^2}.$$

$$\text{V4. } g(p) = \frac{\omega}{p^2 - \omega^2}.$$

Q1.1.11. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = e^{-\alpha t} \cos \omega t$  ?

$$\text{V1. } g(p) = \frac{\omega}{(p + \alpha)^2 + \omega^2}.$$

$$\text{V2. } g(p) = \frac{p + \alpha}{(p + \alpha)^2 + \omega^2}.$$

$$\text{V3. } g(p) = \frac{p^2 - \omega^2}{(p + \alpha)^2 - \omega^2}.$$

$$\text{V4. } g(p) = \frac{p + \alpha}{(p + \alpha)^2 - \omega^2}.$$

Q1.1.12. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = t^n e^{qt}$  ?

$$\text{V1. } g(p) = \frac{n!}{(p - q)^n}.$$

$$\text{V2. } g(p) = \frac{1}{(p - q)^{n+1}}.$$

$$\text{V3. } g(p) = \frac{n!}{(p - q)^{n+1}}.$$

$$\text{V4. } g(p) = \frac{n!}{(p + q)^{n+1}}.$$

Q1.1.13. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = t \operatorname{ch} \omega t$  ?

$$\text{V1. } g(p) = \frac{p^2 - \omega^2}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

$$\text{V2. } g(p) = \frac{2p\omega}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

$$\text{V3. } g(p) = \frac{2p\omega}{(p^2 - \omega^2)^2}.$$

$$\text{V4. } g(p) = \frac{p^2 + \omega^2}{(p^2 - \omega^2)^2}.$$

Q1.1.14. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = e^{-\alpha t} \sin \omega t$  ?

$$\text{V1. } g(p) = \frac{1}{(p + \alpha)^2 + \omega^2}. \quad \text{V2. } g(p) = \frac{\omega}{(p + \alpha)^2 + \omega^2}.$$

$$\text{V3. } g(p) = \frac{\omega}{(p + \omega)^2 + \alpha^2}. \quad \text{V4. } g(p) = \frac{p\omega}{(p + \alpha)^2 + \omega^2}.$$

Q1.1.15. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = t \sin \omega t$  ?

$$\text{V1. } g(p) = \frac{2p\omega}{(p^2 + \omega^2)^2}. \quad \text{V2. } g(p) = \frac{2p + \omega}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

$$\text{V3. } g(p) = \frac{2p\omega}{(p^2 - \omega^2)^2}. \quad \text{V4. } g(p) = \frac{2p + \omega}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

Q1.1.16. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = t \operatorname{sh} \omega t$  ?

$$\text{V1. } g(p) = \frac{2p\omega}{(p^2 + \omega^2)^2}. \quad \text{V2. } g(p) = \frac{2p - \omega}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

$$\text{V3. } g(p) = \frac{2p\omega}{(p^2 - \omega^2)^2}. \quad \text{V4. } g(p) = \frac{2p + \omega}{(p^2 - \omega^2)^2}.$$

Q1.1.17. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = \cos(\omega t - \alpha)$  ?

$$\text{V1. } g(p) = e^{-\frac{\alpha}{\omega} p} \frac{p}{p^2 + \omega^2}. \quad \text{V2. } g(p) = e^{-\frac{\omega}{\alpha} p} \frac{\omega}{p^2 - \omega^2}.$$

$$\text{V3. } g(p) = e^{-\frac{\omega}{\alpha} p} \frac{p}{p^2 - \omega^2}. \quad \text{V4. } g(p) = e^{-\frac{\alpha}{\omega} p} \frac{p\omega}{p^2 + \omega^2}.$$

Q1.1.18. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = t^n$  ?

$$\text{V1. } g(p) = \frac{(n+1)!}{(p)^{n+1}}. \quad \text{V2. } g(p) = \frac{n!}{(p)^{n+1}}.$$

$$\text{V3. } g(p) = \frac{n!}{(p)^n}. \quad \text{V4. } g(p) = \frac{(n+1)!}{(p)^n}.$$

Q1.1.19. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = \sin(\omega t - \alpha)$ ?

$$\text{V1. } g(p) = e^{\frac{\omega}{\alpha} p} \frac{\omega}{p^2 + \omega^2}.$$

$$\text{V2. } g(p) = e^{\frac{\alpha}{\omega} p} \frac{\omega}{p^2 - \omega^2}.$$

$$\text{V3. } g(p) = e^{\frac{\alpha}{\omega} p} \frac{\omega}{p^2 + \omega^2}.$$

$$\text{V4. } g(p) = e^{\frac{\omega}{\alpha} p} \frac{\omega}{p^2 - \omega^2}.$$

Q1.1.20. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = \eta(t - \omega)$ ?

$$\text{V1. } g(p) = e^{-\omega p} / (p + 1).$$

$$\text{V2. } g(p) = e^{\omega p} / p^2.$$

$$\text{V3. } g(p) = e^{\omega p} / (p^2 - \omega^2).$$

$$\text{V4. } g(p) = e^{-\omega p} / p.$$

Q1.1.21. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = t \eta(t - \omega)$ ?

$$\text{V1. } g(p) = e^{-\omega p} \left( \omega^2 \cdot \frac{1}{p} + \frac{1}{p^2} \right).$$

$$\text{V2. } g(p) = e^{-\omega p} \left( \omega \cdot \frac{1}{p} + \frac{1}{p^2} \right).$$

$$\text{V3. } g(p) = e^{-p} \left( \omega \cdot \frac{1}{p} + \frac{1}{p^2} \right).$$

$$\text{V4. } g(p) = e^{-\omega p} \left( \omega \cdot \frac{1}{p} - \frac{1}{p^2} \right).$$

Q1.1.22. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу

$$f(t) = (\sin \omega t - \omega t \cos \omega t) / (2\omega^3)?$$

$$\text{V1. } g(p) = \frac{p}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

$$\text{V2. } g(p) = \frac{1}{(p^2 - \omega^2)^2}.$$

$$\text{V3. } g(p) = \frac{2}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

$$\text{V4. } g(p) = \frac{1}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

Q1.1.23. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = t \sin \omega t$ ?

$$\text{V1. } g(p) = \frac{2p\omega}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

$$\text{V2. } g(p) = \frac{2p}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

$$\text{V3. } g(p) = \frac{2p\omega}{(p^2 - \omega^2)^2}.$$

$$\text{V4. } g(p) = \frac{2p\omega}{(p^2 + \omega^2)^2}.$$

Q1.1.24. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = 1$ ?

V1.  $g(p) = p$ . V2.  $g(p) = 1/p$ . V3.  $g(p) = 1$ . V4.  $g(p) = 1/p^2$ .

Q1.1.25. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = t \cos \omega t$ ?

V1.  $g(p) = \frac{p^2 + \omega^2}{(p^2 - \omega^2)^2}$ . V2.  $g(p) = \frac{p^2 - \omega^2}{(p^2 + \omega^2)^2}$ .

V3.  $g(p) = \frac{p^2 - \omega^2}{(p^2 + \omega^2)^2}$ . V4.  $g(p) = \frac{p - \omega}{(p^2 + \omega^2)^2}$ .

Q1.1.26. Яким є зображення  $g(p)$  оригіналу  $f(t) = \delta(t - \omega)$ ?

V1.  $g(p) = (1/p)e^{-\omega p}$ . V2.  $g(p) = pe^{-\omega p}$ .

V3.  $g(p) = e^{-\omega p+1}$ . V4.  $g(p) = e^{-\omega p}$ .

Q1.1.27. Що називається згорткою  $a(t) * b(t)$  функцій  $a(t)$  і  $b(t)$ ?

V1. Згорткою функцій  $a(t)$  і  $b(t)$  дійсної змінної  $t$  називається функція  $c(t)$ , яка дорівнює  $c(t) = a(t) * b(t) = \int_0^t a(t-z)b(z)dz$ .

V2. Згорткою функцій  $a(t)$  і  $b(t)$  дійсної змінної  $t$  називається функція  $c(t)$ , яка визначається рівністю

$$c(t) = a(t) * b(t) = \int_0^t a(z)b(z)dz.$$

V3. Згорткою функцій  $a(t)$  і  $b(t)$  дійсної змінної  $t$  називається функція  $c(t)$ , яка дорівнює  $c(t) = a(t) * b(t) = \int_0^t \frac{a(z)}{b(z)} dz$ .

V4. Поняття згортки функцій  $a(t)$  і  $b(t)$  не існує.

Q1.1.28. Нехай оригіналу  $f(t)$  відповідає зображення  $F(p)$ . Тоді яке зображення відповідає оригіналу  $f(t-b) \cdot \eta(t-b)$ ,  $b > 0$ ?

V1.  $e^{-bp} F(p) - f(0)$ . V2.  $e^{-bp} F(p)$ .

V3.  $e^{-bp} pF(p)$ . V4.  $e^{-bp} F(p) - b f(0)$ .



**1.2. Відшукування зображення за оригіналом.  
Обернення перетворення Лапласа**

Q1.2.1. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (8p - 22)/(p^2 - 6p + 8) ?$$

V1.  $f(t) = 5e^{5t} - 4e^{2t}$ .                      V2.  $f(t) = 5e^{4t} + 3e^{2t}$ .

V3.  $f(t) = 5e^{3t} + 4e^{2t}$ .                      V4.  $f(t) = 2e^{4t} + 4e^{-2t}$ .

Q1.2.2. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (3p + 8)/(p^2 + 4) ?$$

V1.  $f(t) = \cos 2t - 3 \sin 2t$ .                      V2.  $f(t) = 5 \cos 3t - 2 \sin 2t$ .

V3.  $f(t) = 3 \sin 2t + 4 \cos 2t$ .                      V4.  $f(t) = 3 \cos 2t + 4 \sin 2t$ .

Q1.2.3. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (2p - 12)/(p^2 - 9) ?$$

V1.  $f(t) = 2ch3t - 4sh3t$ .                      V2.  $f(t) = 3ch3t + 4sh3t$ .

V3.  $f(t) = 4ch3t + 2sh3t$ .                      V4.  $f(t) = 3sh3t - 2ch3t$ .

Q1.2.4. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (p - 8)/((p + 4)^2 + 16) ?$$

V1.  $f(t) = -e^{-4t}(\cos 4t + 3 \sin 4t)$                       V2.  $f(t) = e^{4t}(3 \cos 4t + \sin 4t)$ .

V3.  $f(t) = e^{4t}(\cos 4t + 3 \sin 4t)$ .                      V4.  $f(t) = e^{-4t}(\cos 4t - 3 \sin 4t)$ .

Q1.2.5. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (2 - p)/(p^2 + 1) ?$$

V1.  $f(t) = 2 \sin t - \cos t$ .                      V2.  $f(t) = \sin t + 3 \cos t$ .

V3.  $f(t) = \cos t + 2 \sin t$ .                      V4.  $f(t) = 2 \cos t + \sin t$ .

Q1.2.6. Зображенням якого з оригіналів є вираз

$$F(p) = (p^2 + 2p + 2)/(2p^2(p + 1)) ?$$

V1.  $f(t) = t + 2e^t$ .                      V2.  $f(t) = t + e^{-t}/2$ .

$$V3. f(t) = 2t + e^{-t}.$$

$$V4. f(t) = t + e^{-2t}.$$

Q1.2.7. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (2p^3 + p^2 + 2p + 2)/(p^5 + 2p^4 + 2p^3)?$$

$$V1. f(t) = (1/2)t^2 + 2e^{-t} \sin t. \quad V2. f(t) = (1/3)t^2 + e^{-t} \cos t.$$

$$V3. f(t) = t^{-1} + e^{-t} \sin t.$$

$$V4. f(t) = e^t + t \sin t.$$

Q1.2.8. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = 2/(p(p^2 + 4))?$$

$$V1. f(t) = \sin 2t.$$

$$V2. f(t) = \cos^2 t.$$

$$V3. f(t) = t \sin t.$$

$$V4. f(t) = \sin^2 t.$$

Q1.2.9. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = 1/(p^4 - 5p^2 + 4)?$$

$$V1. f(t) = (1/18)te^{-2t} + sh2t. \quad V2. f(t) = (1/12)ch2t - (1/3)cht.$$

$$V3. f(t) = -(1/6)sh t - (1/15)sh2t. \quad V4. f(t) = te^{-2t} + ch2t.$$

Q1.2.10. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (p-1)^2/(p(p^2 + 1))?$$

$$V1. f(t) = t - 1 - \cos 2t.$$

$$V2. f(t) = \eta(t-1) - 2 \sin t.$$

$$V3. f(t) = 1 - 2 \cos t.$$

$$V4. f(t) = 2t - 1 + \sin t.$$

Q1.2.11. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = p/(p^2 - 2p + 5)?$$

$$V1. f(t) = (1/4)e^{-t}(2 \sin 2t - \cos 2t). \quad V2. f(t) = (1/3) \sin t + \cos 2t.$$

$$V3. f(t) = (1/2)e^t(2 \cos 2t + \sin 2t). \quad V4. f(t) = \sin 2t \cdot \cos t.$$

Q1.2.12. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = e^{-p/2}(p+2)/(p^2 + 4)?$$

$$V1. f(t) = \sin 2t + \cos 2t.$$

$$V2. f(t) = \sin(2t-1) - \cos(2t-1).$$

$$V3. f(t) = \sin(2t-1) + \cos(2t-1). \quad V4. f(t) = \sin(2t+1) - \cos(2t+1).$$

Q1.2.13. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (p^2 + 1)/(p^2 - 1)^2 ?$$

V1.  $f(t) = t \cosh t$ . V2.  $f(t) = t^2 \cosh t$ . V3.  $f(t) = e^t \sinh t$ . V4.  $f(t) = e^t \cosh t$ .

Q1.2.14. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (p^4 + 16p^2 + 24)/(p(p^2 + 4)(p^2 + 16))?$$

V1.  $f(t) = \cos 4t$ .

V2.  $f(t) = 4 \cos^2 2t$ .

V3.  $f(t) = \cos t + 4$ .

V4.  $f(t) = \cos^4 t$ .

Q1.2.15. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (p - 4)^2 / ((p - 2)(p^2 + 16))?$$

V1.  $f(t) = e^{-2t} - 2 \cos 4t$ .

V2.  $f(t) = e^{2t} - 8 \cos 4t$ .

V3.  $f(t) = t^2 - 4 \cos 4t$ .

V4.  $f(t) = e^{4t} - \cos 4t$ .

Q1.2.16. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (p^2 - 16)/(p^2 + 16)^2 ?$$

V1.  $f(t) = t^2 + \cos 4t$ .

V2.  $f(t) = t \cdot \sin 4t$ .

V3.  $f(t) = t^3 - \cos 4t$ .

V4.  $f(t) = t \cdot \cos 4t$ .

Q1.2.17. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = 16/(p^4 - 16) ?$$

V1.  $f(t) = \cosh 2t - \sin 2t$ .

V2.  $f(t) = \sinh 2t - \sin 2t$ .

V3.  $f(t) = \sinh 2t - \cos 2t$ .

V4.  $f(t) = \cosh 2t + \sin 2t$ .

Q1.2.18. Зображенням якого з наступних оригіналів є вираз

$$F(p) = (8p + 84)/((p^2 - 16)(p^2 + 2p + 5))?$$

V1.  $f(t) = \cosh 4t - e^t \sin t$ .

V2.  $f(t) = \sinh 4t - e^{-2t} \cos 2t$ .

V3.  $f(t) = \cosh 4t + 2e^{-t} \cos t$ .

V4.  $f(t) = \sinh 4t - 2e^{-t} \sin 2t$ .

Q1.2.19. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = 5 \cos 3t - 2e^{4t} ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{p^2 - 10p - 12}{(p-4)(p^2+9)}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{5p-4}{(p-4)(p^2+9)}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{3p^2 - 20p - 18}{(p-4)(p^2+9)}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{2p^2 - 15}{(p-4)(p^2+9)}.$$

Q1.2.20. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = 3 \sin 3t + t^2 e^t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{9p^3 + 16p^2 + 2p + 15}{(p-1)^3(p^2+9)}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{9p^3 - 15p^2 + 2p + 4}{(p-1)^3(p^2+9)}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{3p^2 + 14p - 27}{(p-1)^3(p^2+9)}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{9p^3 - 25p^2 + 27p + 9}{(p-1)^3(p^2+9)}.$$

Q1.2.21. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = 5t \cos 2t + 3t \sin 2t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{5p^2 + 12p - 20}{(p^2+4)^2}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{5p^2 - 9p + 18}{(p^2+4)^2}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{5p^2 - 32}{(p^2+4)^2}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{5p^2 - 18p - 6}{(p^2+4)^2}.$$

Q1.2.22. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = 4ch4t + tch4t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{4p^3 + p^2 - 64p + 16}{(p^2-16)^2}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{4p^3 + 3p^2 - 4p}{(p^2-16)^2}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{4p^3 + 16p + 15}{(p^2-16)^2}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{4p^3 - p^2 - 12p + 32}{(p^2-16)^2}.$$

Q1.2.23. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = t - \sin t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{1}{p(p^2+1)}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{1}{p^2(p+1)}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{1}{p^2(p^2 + 1)}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{1}{p^2(p^2 - 1)}.$$

Q1.2.24. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = (1/9)(e^{-2t} - e^t + 3te^t) ?$$

$$\text{V1. } F(p) = 1/((p-1)^2(p+2)). \quad \text{V2. } F(p) = 1/(p^2 - 2p + 2).$$

$$\text{V3. } F(p) = 1/(p^4 - 2p^3 + p^2). \quad \text{V4. } F(p) = p/((p+1)^2(p-2)).$$

Q1.2.25. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = e^{-(t-2)} ?$$

$$\text{V1. } F(p) = e^{-p}/(p+1). \quad \text{V2. } F(p) = 2e^p/p^2.$$

$$\text{V3. } F(p) = e^{2p}/(p+1)^2. \quad \text{V4. } F(p) = e^{-2p}/(p+1).$$

Q1.2.26. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = (t/2) \sin t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = p^2/(p^2 + 1)^2. \quad \text{V2. } F(p) = p/(p+1)^2.$$

$$\text{V3. } F(p) = p/(p^2 - 1)^2. \quad \text{V4. } F(p) = p/(p^2 + 1)^2.$$

Q1.2.27. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = e^{-t}(1 - t^2) ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{p^2 + 3p + 1}{p^3 + 3p^2 + 3p + 1}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{p^2 + 2p - 3}{p^4 + 2p^2 + 2p + 1}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{p^2 + 2p - 1}{p^3 + 3p^2 + 3p + 1}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{3p^2 + p}{3p^2 + 2p - 1}.$$

Q1.2.28. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = e^{2t}/6 - e^{-t}/15 - (1/10)\cos 2t - (1/5)\sin 2t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{3p - 4}{(p+1)(p-2)(p^2 + 4)}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{p - 4}{(p+1)(p^2 + 4)}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{p+2}{(p+1)(p-2)(p^2+4)}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{p-1}{(p+1)(p-2)^2}.$$

Q1.2.29. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = 1/4 - (1/3)\cos t + (1/12)\cos 2t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{2p-1}{p(p^2+1)(p^2+4)}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{1}{p(p^2+1)(p^2+4)}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{2}{p(p^2-1)(p^2-4)}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{2p}{(p^2+1)(p^2+4)}.$$

Q1.2.30. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = e^{-2t} \sin t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = 1/(p^2+4p+5). \quad \text{V2. } F(p) = 1/((p+1)(p^2+4)).$$

$$\text{V3. } F(p) = p/(p^3+4p^2+5). \quad \text{V4. } F(p) = p/(p^2+4p+5).$$

Q1.2.31. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = sh(t-1) + ch 2(t-2) ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{e^{-p}}{p^2-1} + \frac{e^{-2p}}{p^2-4}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{e^{-p}}{p^2-1} + \frac{p \cdot e^{-2p}}{p^2-4}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{1}{p^2-1} + \frac{p}{p^2-4}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{e^p}{p^2+1} + \frac{p \cdot e^{2p}}{p^2+4}.$$

Q1.2.32. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = t^2/2 + 2e^{-t} \sin t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{2p^3 + p^2 + 2p + 2}{p^4 + 2p^3 + 2p^2}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{3p^3 - 2p^2 + p + 1}{p^5 + 2p^4 + 2p^3}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{p^2 + p + 2}{p^5 + 2p^3 + 2p}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{2p^3 + p^2 + 2p + 2}{p^5 + 2p^4 + 2p^3}.$$

Q1.2.33. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = (1/3)e^{t/2} \left( 3\cos\left(t\sqrt{3}/2\right) + \sqrt{3}\sin\left(t\sqrt{3}/2\right) \right) ?$$

$$\text{V1. } F(p) = p^2 / (p^3 - 1).$$

$$\text{V2. } F(p) = p / (p^2 - p + 1).$$

$$\text{V3. } F(p) = 1 / (p^2 - p + 1).$$

$$\text{V4. } F(p) = (3p + 1) / (p^2 - p + 1).$$

Q1.2.34. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = 3/5 + (1/5)e^{-2t} (4\sin t - 3\cos t) ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{2p + 9}{(p^2 + 5p + 2)^2}. \quad \text{V2. } F(p) = \frac{p - 2}{(p^2 + 5p + 2)^2}.$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{2p + 3}{p^3 + 4p^2 + 5p}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{6p - 1}{p^3 + 3p^2 + 2p}.$$

Q1.2.35. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = 1 - e^{-t} - te^{-t} ?$$

$$\text{V1. } F(p) = (p - 2) / (p^2 + 5p + 2). \quad \text{V2. } F(p) = 1 / (p^3 + 2p^2 + p).$$

$$\text{V3. } F(p) = p / (p^3 - 2p^2 + p). \quad \text{V4. } F(p) = 1 / (p^4 + 2p^3 + p^2).$$

Q1.2.36. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = 0,5(\sin t - t \cos t) ?$$

$$\text{V1. } F(p) = 1 / (p^2 + 1)^2.$$

$$\text{V2. } F(p) = (p + 1) / (p^2 + 1)^2.$$

$$\text{V3. } F(p) = p / (p^2 + 1)^2.$$

$$\text{V4. } F(p) = p / (p^2 - 1)^2.$$

Q1.2.37. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = (e^{-t} - e^{-3t}) / 2 ?$$

$$\text{V1. } F(p) = (p + 1) / (p^2 + 5p + 2). \quad \text{V2. } F(p) = 1 / (p^2 + 3p - 4).$$

$$\text{V3. } F(p) = 1 / (p^2 + 4p + 3).$$

$$\text{V4. } F(p) = p / (p^2 + 2p + 4).$$

Q1.2.38. Який з наступних виразів є зображенням оригіналу

$$f(t) = 2e^t - 4t - 3 ?$$

$$\text{V1. } F(p) = (4 - p + p^2) / (p^3 - p^2). \quad \text{V2. } F(p) = p / (p^3 - 8).$$

$$\text{V3. } F(p) = (1 - 3p + 2p^2) / (p^3 - p^2). \quad \text{V4. } F(p) = 3 / (p^3 - p^2).$$

Q1.2.39. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 1/(p^2 - 3p + 2) ?$$

V1.  $f(t) = e^t * e^{2t}$ .

V2.  $f(t) = e^t * \cos t$ .

V3.  $f(t) = \sin t * e^{2t}$ .

V4.  $f(t) = t^2 * e^{2t}$ .

Q1.2.40. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 2/(p^4 - 3p^3) ?$$

V1.  $f(t) = t^2 * \cos 3t$ .

V2.  $f(t) = t^2 * e^{3t}$ .

V3.  $f(t) = \sin 3t * t^3$ .

V4.  $f(t) = t^2 * t^3$ .

Q1.2.41. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 6/(p^5 + 4p^3) ?$$

V1.  $f(t) = t^2 * \sin 2t$ .

V2.  $f(t) = t^3 * e^t$ .

V3.  $f(t) = t^3 * \cos 2t$ .

V4.  $f(t) = t^3 * t^2$ .

Q1.2.42. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 3p/(p^2 + 9)^2 ?$$

V1.  $f(t) = \cos 3t * t^3$ .

V2.  $f(t) = \cos 3t * e^{3t}$ .

V3.  $f(t) = \cos 3t * \cos 3t$ .

V4.  $f(t) = \cos 3t * \sin 3t$ .

Q1.2.43. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = p/(p^4 - 1) ?$$

V1.  $f(t) = \sin t * \sin t$ .

V2.  $f(t) = t * \sin t$ .

V3.  $f(t) = \cos t * \sin t$ .

V4.  $f(t) = \cos t * \cos t$ .

Q1.2.44. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 2/(p(p-3)(p^2+4)) ?$$

V1.  $f(t) = e^{3t} * \sin t$ .

V2.  $f(t) = e^{-t} * \sin^2 t$ .

V3.  $f(t) = e^{-3t} * \sin 2t$ .

V4.  $f(t) = e^{3t} * \sin^2 t$ .



Q1.2.45. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 2/(p^4 - 9p^2) ?$$

V1.  $f(t) = t^2 * sh3t$  .                      V2.  $f(t) = t^2 * \cos 3t$  .

V3.  $f(t) = t^2 * ch3t$  .                      V4.  $f(t) = t^2 * \sin 3t$  .

Q1.2.46. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = (2p + 2)/(p^4 + 4p^2) ?$$

V1.  $f(t) = (t + 1) * \sin 2t$  .                      V2.  $f(t) = (t + 1) * \cos 2t$  .

V3.  $f(t) = (t^2 + 1) * \sin 2t$  .                      V4.  $f(t) = (t + 1) * sh2t$  .

Q1.2.47. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = (2p)/(p^4 + 13p^2 + 36) ?$$

V1.  $f(t) = \sin 3t * \cos 2t$  .                      V2.  $f(t) = \sin 2t * 3t$  .

V3.  $f(t) = 2t * \cos 3t$  .                      V4.  $f(t) = \sin 2t * \cos 3t$  .

Q1.2.48. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 2(p - 2)/(p^5 - 4p^4 + 5p^3) ?$$

V1.  $f(t) = t^2 * e^{2t} \sin t$  .                      V2.  $f(t) = t^2 * e^{2t} \cos t$  .

V3.  $f(t) = t * e^{-2t} \cos t$  .                      V4.  $f(t) = t^2 * e^t \sin t$  .

Q1.2.49. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 2/(p^4 + p^2) ?$$

V1.  $f(t) = t^2 * \cos t$  .                      V2.  $f(t) = t * \cos 2t$  .

V3.  $f(t) = t^2 * \sin 2t$  .                      V4.  $f(t) = t * \cos^2 t$  .

Q1.2.50. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 3/(p^4 - 9p^2) ?$$

V1.  $f(t) = t^2 * sh t$  .                      V2.  $f(t) = t * ch 3t$  .

V3.  $f(t) = t * sh 3t$  .                      V4.  $f(t) = t^2 * \sin 3t$  .

Q1.2.51. Згортькою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = p / ((p-2)(p^2+16))?$$

V1.  $f(t) = e^{-2t} * \text{ch}4t$  .      V2.  $f(t) = e^{2t} * \cos 4t$  .

V3.  $f(t) = e^{2t} * t^2$  .      V4.  $f(t) = e^{-2t} * \sin 4t$  .

Q1.2.52. Згортькою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 6 / (p^5 + p^4) ?$$

V1.  $f(t) = e^{-3t} * t$  .      V2.  $f(t) = e^t * 3t$  .

V3.  $f(t) = e^{-t} * t^3$  .      V4.  $f(t) = e^{-t} * (t+3)$  .

Q1.2.53. Згортькою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = p^2 / (p^4 + 5p^2 + 4) ?$$

V1.  $f(t) = \cos 2t * \cos t$  .      V2.  $f(t) = \sin 2t * \cos t$  .

V3.  $f(t) = \cos 2t * \sin t$  .      V4.  $f(t) = \sin 2t * \sin t$  .

Q1.2.54. Згортькою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 2 / ((p+2)(p^2+4))?$$

V1.  $f(t) = e^{-2t} * \cos 2t$  .      V2.  $f(t) = t^2 * \sin 2t$  .

V3.  $f(t) = e^{-2t} * \sin 2t$  .      V4.  $f(t) = e^{2t} * 2t$  .

Q1.2.55. Згортькою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 2(1-p^2) / (p^4 - 4p^3) ?$$

V1.  $f(t) = (t^2 - 4) * e^{-4t}$  .      V2.  $f(t) = t * e^{4t}$  .

V3.  $f(t) = \sin t * e^{-4t}$  .      V4.  $f(t) = (t^2 - 2) * e^{4t}$  .

Q1.2.56. Згортькою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = 2pe^{-3p/2} / (p^4 - 16) ?$$

V1.  $f(t) = \cos(2t-3) * \text{sh}2t$  .      V2.  $f(t) = \cos(2t) * \text{sh}2t$  .

V3.  $f(t) = \cos 2t * \text{sh}(2t-3)$  .      V4.  $f(t) = \text{ch}(2t-3) * \text{sh}2t$  .

Q1.2.57. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = e^{-3p} / (p^4 + 9p^2) ?$$

V1.  $f(t) = t * \sin(t - 3)$ .

V2.  $f(t) = t^3 * \sin t$ .

V3.  $f(t) = t * \cos 3t$ .

V4.  $f(t) = (t - 3) * \sin t$ .

Q1.2.58. Згорткою яких функцій є оригінал  $f(t)$ , зображення якого

$$F(p) = \frac{2p^2 + 4p + 18}{2(p+1)(p^2 + 2p + 17)} ?$$

V1.  $f(t) = e^{-2t} * \cos 2t$ .

V2.  $f(t) = e^{-t} * \cos^3 2t$ .

V3.  $f(t) = e^{-t} * \cos^2 2t$ .

V4.  $f(t) = e^{2t} * \cos 3t$ .

Q1.2.59. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = e^t * e^{4t} ?$$

V1.  $F(p) = p / (p^2 - 5p + 4)$ .

V2.  $F(p) = 1 / (p^2 - 5p + 4)$ .

V3.  $F(p) = 1 / (p - 5)^2$ .

V4.  $F(p) = p / (p^2 - 4p - 5)$ .

Q1.2.60. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = \operatorname{ch} t * \operatorname{sh} 3t ?$$

V1.  $F(p) = 9p / (p^4 - 9p^2 + 8)$ .

V2.  $F(p) = 3 / (p^4 - 9p^2 - 10)$ .

V3.  $F(p) = 3p / (p^4 - 10p^2 + 9)$ .

V4.  $F(p) = 9 / (p^4 - 9p^2 + 8)$ .

Q1.2.61. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = t^4 * e^{4t} ?$$

V1.  $F(p) = 24 / (p^5 + 4p^4)$ .

V2.  $F(p) = 24 / (p^6 + 4p^5)$ .

V3.  $F(p) = 24 / (p^5 - 4p^4)$ .

V4.  $F(p) = 24 / (p^6 - 4p^5)$ .

Q1.2.62. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = e^{-3t} * \cos 4t ?$$

V1.  $F(p) = 1 / (p^3 - 3p + 24)$ .

V2.  $F(p) = p / (p^3 + 3p^2 + 16p + 48)$ .

V3.  $F(p) = p / (p^3 + 3p^2 + 3p + 4)$ . V4.  $F(p) = p^2 / (p^3 - 6p + 2)$ .

Q1.2.63. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = e^t * \sin 3t ?$$

V1.  $F(p) = 3 / (p^3 + p^2 + 9p)$ . V2.  $F(p) = 3 / (p^3 - p^2 + 9p - 9)$ .

V3.  $F(p) = p / (p^3 + p^2 + 9p + 9)$ . V4.  $F(p) = 9p / (p^3 - 27)$ .

Q1.2.64. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = t^2 * \cos(t\sqrt{5})?$$

V1.  $F(p) = 2 / (p^4 + 5p^2)$ . V2.  $F(p) = 4 / (p^3 + 5p)$ .

V3.  $F(p) = 2 / (p^4 + 25p^2)$ . V4.  $F(p) = 4 / (p^3 - 25p)$ .

Q1.2.65. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = e^{-t} * (1 - t^2) ?$$

V1.  $F(p) = \frac{p^2 - 1}{p^4 + p^2 + 1}$ . V2.  $F(p) = \frac{p^2 - 2p}{p^4 + 2p^2 + 2}$ .

V3.  $F(p) = \frac{p^2 - 2p - 1}{p^4 + 3p^2}$ . V4.  $F(p) = \frac{p^2 - 2}{p^4 + p^3}$ .

Q1.2.66. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = \sin(t - 3) * e^{-(t-3)} ?$$

V1.  $F(p) = e^{3p} / (p^4 + p^2 + 1)$ . V2.  $F(p) = e^{6p} / (p^3 - p^2 - p + 1)$ .

V3.  $F(p) = e^{-3p} / (p^3 + 2p^2 + 2p)$ .

V4.  $F(p) = e^{-6p} / (p^3 + p^2 + p + 1)$ .

Q1.2.67. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = e^{t-2} * \cos(t - 1) ?$$

V1.  $F(p) = e^{3p} / (p^3 - 2p^2 + p)$ . V2.  $F(p) = e^{-3p} / (p^3 - p^2 + p - 1)$ .

V3.  $F(p) = 1 / (p^3 + p^2 + p + 1)$ . V4.  $F(p) = e^{-p} / (p^4 - 2p^2 + 1)$ .

Q1.2.68. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = 0,5 \operatorname{sh} 2t * \sin 2t ?$$

V1.  $F(p) = 2p / (p^2 - 4)^2$  .      V2.  $F(p) = 4 / (p^2 + 4)^2$  .

V3.  $F(p) = 2 / (p^4 - 16)$  .      V4.  $F(p) = 4 / (p^4 - 4p^2)$  .

Q1.2.69. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = e^{2t} * e^{-5t} ?$$

V1.  $F(p) = 1 / (p^2 - 3p + 2)$  .      V2.  $F(p) = 1 / (p^2 + 3p - 10)$  .

V3.  $F(p) = 2 / (p^2 + 6p + 5)$  .      V4.  $F(p) = p / (p^2 - 6p - 7)$  .

Q1.2.70. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = e^{2t} * t^3 ?$$

V1.  $F(p) = 3 / (p^4 - 2p^3)$  .      V2.  $F(p) = 6 / (p^4 - 4p^2)$  .

V3.  $F(p) = 2 / (p^4 + p^2)$  .      V4.  $F(p) = 6 / (p^5 - 2p^4)$  .

Q1.2.71. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = (te^{-t}) * \sin t ?$$

V1.  $F(p) = 1 / (p^4 + 4p^3 + 4p^2 + 1)$  .

V2.  $F(p) = (p^2 - 2p) / (p^3 + 2p^2 + p + 1)$  .

V3.  $F(p) = 1 / (p^4 + 2p^3 + 2p^2 + 2p + 1)$  .

V4.  $F(p) = 2p / (p^3 + 5p^2 + 2p - 1)$  .

Q1.2.72. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = t * \sin (4t - 1) ?$$

V1.  $F(p) = \frac{4e^{-p/4}}{(p^2 + 16)p^2}$  .      V2.  $F(p) = \frac{e^{-4p}}{(p^2 + 16)p}$  .

V3.  $F(p) = \frac{pe^{-p/4}}{p^4 - 16}$  .      V4.  $F(p) = \frac{e^{p/4}}{(p^3 + 8)p}$  .

Q1.2.73. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = e^{-3t} * \operatorname{ch} 3t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{p^2 + 2p - 1}{p^3 + 9p^2 + 27p - 9} \cdot \quad \text{V2. } F(p) = \frac{3}{p^3 + 9p^2 - p - 1} \cdot$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{4 - p}{p^3 + 6p^2 - 7p + 2} \cdot \quad \text{V4. } F(p) = \frac{p}{p^3 + 3p^2 - 9p - 27} \cdot$$

Q1.2.74. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = e^{-2t} * (t \cos 2t) ?$$

$$\text{V1. } F(p) = p / (p^2 - 4)^2 \cdot \quad \text{V2. } F(p) = (p^2 + 2p - 3) / (p^2 + 4)^2 \cdot$$

$$\text{V3. } F(p) = (p - 2) / (p^2 + 4)^2 \cdot \quad \text{V4. } F(p) = (p + 3) / (p^4 - 16) \cdot$$

Q1.2.75. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = \cos(t - 3) * \sin(3t - 1) ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{3pe^{-10p/3}}{(p^2 + 9)(p^2 + 1)} \cdot \quad \text{V2. } F(p) = \frac{e^{-3p}}{(p^2 - 9)(p^2 - 1)} \cdot$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{pe^{-8p/3}}{(p^2 + 1)^2} \cdot \quad \text{V4. } F(p) = \frac{9p}{(p^2 + 9)(p^2 - 1)} \cdot$$

Q1.2.76. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = \sin 3t * \cos 4t ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{12}{p^4 + 33p^2 + 96} \cdot \quad \text{V2. } F(p) = \frac{3p}{p^4 + 25p^2 + 144} \cdot$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{4p}{p^4 - 3p^2 - 4} \cdot \quad \text{V4. } F(p) = \frac{2p}{p^4 + 13p^2 + 36} \cdot$$

Q1.2.77. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = \cos 2t * \sin(2t - 1) ?$$

$$\text{V1. } F(p) = \frac{2pe^{p/2}}{(p^2 + 4)(p^2 + 1)} \cdot \quad \text{V2. } F(p) = \frac{2e^{-2p}}{(p^2 + 4)^2} \cdot$$

$$\text{V3. } F(p) = \frac{2e^{-p/2}}{(p^2 + 1)^2}. \quad \text{V4. } F(p) = \frac{2pe^{-p/2}}{(p^2 + 4)^2}.$$

Q1.2.78. Який з наступних виразів є зображенням згортки функцій

$$f(t) = 2t * t^2 ?$$

$$\text{V1. } F(p) = 4/p^5. \quad \text{V2. } F(p) = 2p/(p^2 + 1)^2.$$

$$\text{V3. } F(p) = 2e^{-p}/p^4. \quad \text{V4. } F(p) = 4p/(p+1)^3.$$

Q1.2.79. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = e^t * \text{sht}$  ?

$$\text{V1. } f(t) = (1/2)te^t + (1/2)\text{cht}. \quad \text{V2. } f(t) = (1/2)te^t + (1/2)\text{sht}.$$

$$\text{V3. } f(t) = te^t - (1/2)\text{sht}. \quad \text{V4. } f(t) = (1/2)te^t - (1/2)\text{sht}.$$

Q1.2.80. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = e^t * \text{cht}$  ?

$$\text{V1. } f(t) = (1/2)te^t + (1/2)\text{sht}. \quad \text{V2. } f(t) = te^t + \text{sht}.$$

$$\text{V3. } f(t) = (1/2)te^t + (1/2)\text{cht}. \quad \text{V4. } f(t) = te^t + \text{cht}.$$

Q1.2.81. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = e^{2t} * e^{-3t}$  ?

$$\text{V1. } f(t) = e^{2t} - e^{-3t}. \quad \text{V2. } f(t) = e^{2t} + e^{-3t}.$$

$$\text{V3. } f(t) = (e^{2t} - e^{-3t})/5. \quad \text{V4. } f(t) = (e^{2t} + e^{-3t})/5.$$

Q1.2.82. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = t * t^3$  ?

$$\text{V1. } f(t) = t^5/20. \quad \text{V2. } f(t) = t^5/5. \quad \text{V3. } f(t) = t^5. \quad \text{V4. } f(t) = 4t^5/5.$$

Q1.2.83. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = e^t * t^2$  ?

$$\text{V1. } f(t) = e^{2t} - te^t + t. \quad \text{V2. } f(t) = -t^2 - 2t + 2e^t - 2.$$

$$\text{V3. } f(t) = t^2e^t - e^t - t. \quad \text{V4. } f(t) = t^2 + (1/2)t - (1/2)e^t - 2.$$

Q1.2.84. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = \cos 3t * \sin 3t$  ?

$$\text{V1. } f(t) = (1/3)\cos 3t. \quad \text{V2. } f(t) = (1/3)(\cos 3t - t \sin 3t).$$

$$\text{V3. } f(t) = (1/2)t^2 + t \cos 3t - \sin 3t. \quad \text{V4. } f(t) = (1/2)t \sin 3t.$$

Q1.2.85. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = e^t * \sin 2t$  ?

V1.  $f(t) = (1/2)\cos 2t - e^t$  . V2.  $f(t) = (1/2)(e^t \cos 2t - e^t \sin 2t)$  .

V3.  $f(t) = (1/2)e^t(1 - \cos 2t)$  . V4.  $f(t) = (1/2)(e^t - e^t \sin 2t)$  .

Q1.2.86. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = cht * \sin t$  ?

V1.  $f(t) = (1/2)(cht - \cos t)$  . V2.  $f(t) = (1/2)sht \cdot \cos t$  .

V3.  $f(t) = (1/2)(sht - \cos t)$  . V4.  $f(t) = (1/2)(sht - \sin t)$  .

Q1.2.87. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = e^t * t$  ?

V1.  $f(t) = e^{2t} - te^t + t$  . V2.  $f(t) = e^t - t - 1$  .

V3.  $f(t) = e^t - te^t$  . V4.  $f(t) = e^t + t$  .

Q1.2.88. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = 5e^{-2t} * \cos t$  ?

V1.  $f(t) = e^{-2t} - (1/2)e^{-2t} \sin t - \cos t$  . V2.  $f(t) = (1/2)e^{-2t} \sin t$  .

V3.  $f(t) = 2\cos t - 2e^{-2t} + \sin t$  . V4.  $f(t) = 2\cos t - 2 - \sin t$  .

Q1.2.89. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = 9t * \sin 3t$  ?

V1.  $f(t) = 3t - \sin 3t$  . V2.  $f(t) = (1/9)t - 2\sin 3t$  .

V3.  $f(t) = -(2/9)(3t + \sin 3t)$  . V4.  $f(t) = (1/3)(t^3 + \sin 3t)$  .

Q1.2.90. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = t^2 * \sin t$  ?

V1.  $f(t) = (1/3)t^3 + \cos t$  . V2.  $f(t) = (1/3)t^3 \cdot \cos t$  .

V3.  $f(t) = t^2 + \cos t - 2$  . V4.  $f(t) = t^2 + \cos t$  .

Q1.2.91. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = \cos t * \cos 2t$  ?

V1.  $f(t) = (1/2)(\cos 2t - \sin t)$  . V2.  $f(t) = (1/3)\cos 2t - (1/4)\cos t$  .

V3.  $f(t) = (1/3)(2\sin 2t - \sin t)$  . V4.  $f(t) = (1/2)\sin t \sin 2t$  .

Q1.2.92. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = \sin 3t * \sin 2t$  ?

V1.  $f(t) = (3/5)\sin 2t - (2/5)\sin 3t$  .

V2.  $f(t) = (3/10)\sin 2t - (1/5)\sin 3t + (2/5)\cos 2t$  .



$$\text{V3. } f(t) = (3/5)\cos 3t - (1/6)\cos 2t + (2/15)\sin 2t.$$

$$\text{V4. } f(t) = (2/5)\sin 3t + (6/5)\cos 3t - (9/5)\sin 2t.$$

Q1.2.93. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = t^2 * t^3$  ?

$$\text{V1. } f(t) = \frac{t^6}{6}. \quad \text{V2. } f(t) = \frac{t^6}{60}. \quad \text{V3. } f(t) = \frac{3t^6}{20}. \quad \text{V4. } f(t) = \frac{t^6}{10}.$$

Q1.2.94. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = \sin 3t * \cos 4t$  ?

$$\text{V1. } f(t) = \frac{3}{4}\cos 3t - \frac{1}{6}\cos 4t. \quad \text{V2. } f(t) = \frac{1}{3}t \cos 3t \sin 4t.$$

$$\text{V3. } f(t) = \frac{3}{7}\cos 3t - \frac{3}{7}\cos 4t. \quad \text{V4. } f(t) = \frac{3}{8} - \frac{1}{14}\cos 3t - \frac{1}{2}\cos 4t.$$

Q1.2.95. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = \cos t * \cos t$  ?

$$\text{V1. } f(t) = (1/2)(\sin t + t \cos t). \quad \text{V2. } f(t) = (1/3)\cos^3 t.$$

$$\text{V3. } f(t) = (1/3)\cos 3t + (1/2)\cos 2t. \quad \text{V4. } f(t) = (1/2)(t + \cos 2t).$$

Q1.2.96. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = \cos t * t$  ?

$$\text{V1. } f(t) = t + \sin 2t. \quad \text{V2. } f(t) = (1/2)t^2 \sin t.$$

$$\text{V3. } f(t) = t - \cos t. \quad \text{V4. } f(t) = 1 - \cos t.$$

Q1.2.97. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = 4 \sin 2t * \sin 2t$  ?

$$\text{V1. } f(t) = t \sin 2t - 4 \cos 2t. \quad \text{V2. } f(t) = 1 - \sin 2t.$$

$$\text{V3. } f(t) = \sin 2t - 2t \cos 2t. \quad \text{V4. } f(t) = t + \cos 2t.$$

Q1.2.98. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = 16e^{-4t} * t$  ?

$$\text{V1. } f(t) = e^{-4t} - te^{-4t} + t. \quad \text{V2. } f(t) = -4e^{2t} + t^2.$$

$$\text{V3. } f(t) = e^{-4t} - t. \quad \text{V4. } f(t) = e^{-4t} - 1 + 4t.$$

Q1.2.99. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = 10e^{-4t} * \cos 2t$  ?

$$\text{V1. } f(t) = 2 \cos 2t - 2e^{-4t} + \sin 2t. \quad \text{V2. } f(t) = 2 \cos 2t + e^{-4t} - \sin 2t.$$

$$\text{V3. } f(t) = -(5/4)e^{-4t} \sin 2t. \quad \text{V4. } f(t) = 4 \cos 2t + e^{-4t} - 3 \sin 2t.$$

Q1.2.100. Чому дорівнює згортка функцій  $f(t) = 10e^{-4t} * \sin 2t$  ?

V1.  $f(t) = 4\cos 2t + e^{-4t} - 3\sin 2t$  . V2.  $f(t) = e^{-4t} - \cos 2t + 2\sin 2t$  .

V3.  $f(t) = -(5/4)e^{-4t} \sin 2t$  . V4.  $f(t) = e^{-4t} - \cos 2t - \sin 2t$  .

### 1.3. Операційний метод розв'язування Диференціальних рівнянь та їх систем

Q1.3.1. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $y'' - 8y' + 12y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 0$ ?

V1.  $Y(p)(p^2 - 8p + 12) = 12$  . V2.  $Y(p)(p^2 - 8p + 12) = p - 8$  .

V3.  $Y(p)(p^2 - 8p + 12) = 2p$  . V4.  $Y(p)(p^2 - 8p + 12) = p + 12$  .

Q1.3.2. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $y'' - 17y' + 70y = 0$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 3$ ?

V1.  $Y(p)(p^2 - 17p + 70) = p + 3$  . V2.  $Y(p)(p^2 - 17p + 70) = 3p$  .

V3.  $Y(p)(p^2 - 17p + 70) = 3$  . V4.  $Y(p)(p^2 - 17p + 70) = p - 3$  .

Q1.3.3. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $y'' - 4y' + 3y = 0$ ,  $y(0) = 3$ ,  $y'(0) = 2$ ?

V1.  $Y(p)(p^2 - 4p + 3) = 3p - 6$  . V2.  $Y(p)(p^2 - 4p + 3) = 3p$  .

V3.  $Y(p)(p^2 - 4p + 3) = 6$  . V4.  $Y(p)(p^2 - 4p + 3) = 3p - 10$  .

Q1.3.4. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $y'' + 4y' + 4y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 0$ ?

V1.  $Y(p)(p + 2)^2 = p + 4$  . V2.  $Y(p)(p - 2)^2 = 4p$  .

V3.  $Y(p)(p + 2)^2 = 4p + 1$  . V4.  $Y(p)(p - 2)^2 = 2p - 1$  .

Q1.3.5. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $2y'' - y' - y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 0$ ?

V1.  $Y(p)(2p^2 - p - 1) = p^2 - 1$  . V2.  $Y(p)(2p^2 - p - 1) = p - 2$  .

$$\text{V3. } Y(p)(2p^2 - p - 1) = 2p - 1. \quad \text{V4. } Y(p)(2p^2 - p - 1) = p + 1.$$

Q1.3.6. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $3y'' - 7y' + 2y = 0, \quad y(0) = 0, \quad y'(0) = 2?$

$$\text{V1. } Y(p)(3p^2 - 7p + 2) = 6. \quad \text{V2. } Y(p)(3p^2 - 7p + 2) = 2p - 3.$$

$$\text{V3. } Y(p)(3p^2 - 7p + 2) = e^{-p}/p. \quad \text{V4. } Y(p)(3p^2 - 7p + 2) = 2p.$$

Q1.3.7. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $2y'' + 9y' + 4y = 0, \quad y(0) = 2, \quad y'(0) = 1?$

$$\text{V1. } Y(p)(2p^2 + 9p + 4) = 16p. \quad \text{V2. } Y(p)(2p^2 + 9p + 4) = 4p + 20.$$

$$\text{V3. } Y(p)(2p^2 + 9p + 4) = 2p^2. \quad \text{V4. } Y(p)(2p^2 + 9p + 4) = 12p + 4.$$

Q1.3.8. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $5y'' - 12y' + 4y = 0, \quad y(0) = 3, \quad y'(0) = 0?$

$$\text{V1. } Y(p)(5p^2 - 12p + 4) = 3p - 15. \quad \text{V2. } Y(p)(5p^2 - 12p + 4) = 6p.$$

$$\text{V3. } Y(p)(5p^2 - 12p + 4) = 15p - 36.$$

$$\text{V4. } Y(p)(5p^2 - 12p + 4) = 12p + 7.$$

Q1.3.9. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $y'' + 2y' - 4y = 0, \quad y(0) = 2, \quad y'(0) = 1?$

$$\text{V1. } Y(p)(p^2 + 2p - 4) = 12p - 7. \quad \text{V2. } Y(p)(p^2 + 2p - 4) = 3p.$$

$$\text{V3. } Y(p)(p^2 + 2p - 4) = 2p + 5. \quad \text{V4. } Y(p)(p^2 + 2p - 4) = 24.$$

Q1.3.10. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $2y'' - 3y' + y = 0, \quad y(0) = 1, \quad y'(0) = 2?$

$$\text{V1. } Y(p)(2p^2 - 3p + 1) = p - 4. \quad \text{V2. } Y(p)(2p^2 - 3p + 1) = 3p.$$

$$\text{V3. } Y(p)(2p^2 - 3p + 1) = 4p - 1. \quad \text{V4. } Y(p)(2p^2 - 3p + 1) = 2p + 1.$$

Q1.3.11. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $4y'' - 5y' + y = 0, \quad y(0) = 1, \quad y'(0) = 1?$

$$\text{V1. } Y(p)(4p^2 - 5p + 1) = 4p^2. \quad \text{V2. } Y(p)(4p^2 - 5p + 1) = p + 2.$$

$$\text{V3. } Y(p)(4p^2 - 5p + 1) = 2. \quad \text{V4. } Y(p)(4p^2 - 5p + 1) = 4p - 1.$$

Q1.3.12. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

$$\text{Коші: } 2y'' - 7y' - 4y = 0, \quad y(0) = 2, \quad y'(0) = 1?$$

$$\text{V1. } Y(p)(2p^2 - 7p - 4) = 16p. \quad \text{V2. } Y(p)(2p^2 - 7p - 4) = 4p - 12.$$

$$\text{V3. } Y(p)(2p^2 - 7p - 4) = p + 3. \quad \text{V4. } Y(p)(2p^2 - 7p - 4) = 3p - 10.$$

Q1.3.13. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

$$\text{Коші: } 3y'' + 7y' - y = 0, \quad y(0) = 1, \quad y'(0) = 3?$$

$$\text{V1. } Y(p)(3p^2 + 7p - 1) = 24p. \quad \text{V2. } Y(p)(3p^2 + 7p - 1) = 4p + 18.$$

$$\text{V3. } Y(p)(3p^2 + 7p - 1) = 32. \quad \text{V4. } Y(p)(3p^2 + 7p - 1) = 3p + 16.$$

Q1.3.14. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

$$\text{Коші: } y'' + 7y' - 3y = 0, \quad y(0) = 2, \quad y'(0) = 0?$$

$$\text{V1. } Y(p)(p^2 + 7p - 3) = 4p - 1. \quad \text{V2. } Y(p)(p^2 + 7p - 3) = 2p + 14.$$

$$\text{V3. } Y(p)(p^2 + 7p - 3) = 3p - 17. \quad \text{V4. } Y(p)(p^2 + 7p - 3) = 36.$$

Q1.3.15. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

$$\text{Коші: } 4y'' - 3y' - 2y = 0, \quad y(0) = 0, \quad y'(0) = 3?$$

$$\text{V1. } Y(p)(4p^2 - 3p - 2) = 2p + 3. \quad \text{V2. } Y(p)(4p^2 - 3p - 2) = 18p.$$

$$\text{V3. } Y(p)(4p^2 - 3p - 2) = 15p - 7. \quad \text{V4. } Y(p)(4p^2 - 3p - 2) = 12.$$

Q1.3.16. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

$$\text{Коші: } y'' + 4y' - 6y = 0, \quad y(0) = 0, \quad y'(0) = 2?$$

$$\text{V1. } Y(p)(p^2 + 4p - 6) = 6p - 14. \quad \text{V2. } Y(p)(p^2 + 4p - 6) = 4p.$$

$$\text{V3. } Y(p)(p^2 + 4p - 6) = 2. \quad \text{V4. } Y(p)(p^2 + 4p - 6) = 12p - 5.$$

Q1.3.17. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

$$\text{Коші: } 3y'' + 7y' - 2y = 0, \quad y(0) = 2, \quad y'(0) = 2?$$

$$\text{V1. } Y(p)(3p^2 + 7p - 2) = 15p - 8. \quad \text{V2. } Y(p)(3p^2 + 7p - 2) = 21.$$

$$\text{V3. } Y(p)(3p^2 + 7p - 2) = -15. \quad \text{V4. } Y(p)(3p^2 + 7p - 2) = 6p + 20.$$

Q1.3.18. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $3y'' - 5y' - 2y = 0$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 3$ ?

V1.  $Y(p)(3p^2 - 5p - 2) = 9$ . V2.  $Y(p)(3p^2 - 5p - 2) = 3p - 26$ .

V3.  $Y(p)(3p^2 - 5p - 2) = 12p$ . V4.  $Y(p)(3p^2 - 5p - 2) = 6p - 14$ .

Q1.3.19. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $y'' - 5y' - y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 1$ ?

V1.  $Y(p)(p^2 - 5p - 1) = -6$ . V2.  $Y(p)(p^2 - 5p - 1) = 3p$ .

V3.  $Y(p)(p^2 - 5p - 1) = 6p - 3$ . V4.  $Y(p)(p^2 - 5p - 1) = 2p - 9$ .

Q1.3.20. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші:  $y'' - y' - 7y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 1$ ?

V1.  $Y(p)(p^2 - p - 7) = 2p - 1$ . V2.  $Y(p)(p^2 - p - 7) = 14$ .

V3.  $Y(p)(p^2 - p - 7) = 3p + 8$ . V4.  $Y(p)(p^2 - p - 7) = -2p$ .

Q1.3.21. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має

вигляд  $Y(p)(p^2 - 11p + 28) = 7$ ?

V1.  $y'' - 11y' + 28y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 0$ .

V2.  $y'' - 11y' + 28y = 0$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 7$ .

V3.  $y'' - 11y' + 28y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 7$ .

V4.  $y'' - 11y' + 28y = 0$ ,  $y(0) = 7$ ,  $y'(0) = 0$ .

Q1.3.22. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має

вигляд  $Y(p)(p^2 - 9p + 18) = 4p - 36$ ?

V1.  $y'' - 9y' + 18y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 0$ .

V2.  $y'' - 9y' + 18y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = 1$ .

V3.  $y'' - 9y' + 18y = 0$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = -1$ .

V4.  $y'' - 9y' + 18y = 0$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = 0$ .

Q1.3.23. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має

вигляд  $Y(p)(p^2 + 2p + 1) = 5$  ?

V1.  $y'' + 2y' + y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 0$  .

V2.  $y'' + 2y' + 5y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 1$  .

V3.  $y'' + 4y' + 5y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 5$  .

V4.  $y'' + 2y' + y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 5$  .

Q1.3.24. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 + 4) = 4p$  ?

V1.  $y'' - 4y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 0$  .

V2.  $y'' + 4y = 0, y(0) = 4, y'(0) = 0$  .

V3.  $y'' - 4y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 0$  .

V4.  $y'' - y = 0, y(0) = 3, y'(0) = 0$  .

Q1.3.25. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 - 2p - 3) = 1$  ?

V1.  $y'' - 2y' - y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 1$  .

V2.  $y'' - 2y' - 3y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 1$  .

V3.  $y'' - y' - 3y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 1$  .

V4.  $y'' - 2y' - 3y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 1$  .

Q1.3.26. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(2p^2 - 5p - 3) = 4p - 10$  ?

V1.  $2y'' - 5y' - 3y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 1$  .

V2.  $2y'' - 5y' - 3y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 0$  .

V3.  $2y'' - 5y' - 3y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 1$  .

V4.  $2y'' - 5y' - 3y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 0$  .

Q1.3.27. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 - 5p + 1) = 2p - 10$  ?

V1.  $y'' - 5y' + y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 0.$

V2.  $y'' - 5y' + y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 2.$

V3.  $y'' - 5y' + y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 1.$

V4.  $y'' - 5y' + y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 0.$

Q1.3.28. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 - 4p + 3) = 2p - 8$  ?

V1.  $y'' - 4y' + 3y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 2.$

V2.  $y'' - 4y' + 3y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 1.$

V3.  $y'' - 4y' + 3y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 3.$

V4.  $y'' - 4y' + 3y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 0.$

Q1.3.29. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(11p^2 + 4p - 3) = 33$  ?

V1.  $11y'' + 4y' - 3y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 3.$

V2.  $11y'' + 4y' - 3y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 2.$

V3.  $11y'' + 4y' - 3y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 3.$

V4.  $11y'' + 4y' - 3y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 1.$

Q1.3.30. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(5p^2 + p - 2) = 5p + 11$  ?

V1.  $5y'' + y' - 2y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 2.$

V2.  $5y'' + y' + 2y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 2.$

V3.  $5y'' + y' - 2y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 2.$

V4.  $5y'' + y' - 2y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 1.$

Q1.3.31. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(7p^2 - 3p + 4) = 14p + 1$  ?

V1.  $7y'' - 3y' + 4y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 3.$

V2.  $7y'' - 3y' + 4y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 1.$

V3.  $7y'' - 3y' + 4y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 1.$

V4.  $7y'' - 3y' + 4y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 2.$

Q1.3.32. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(3p^2 - 11p - 4) = 15$  ?

V1.  $3y'' - 11y' - 4y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 3.$

V2.  $3y'' - 11y' - 4y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 5.$

V3.  $3y'' - 11y' - 4y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 0.$

V4.  $3y'' - 11y' - 4y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 5.$

Q1.3.33. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(2p^2 - 9p + 4) = 4p - 12$  ?

V1.  $2y'' - 9y' + 4y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 3.$

V2.  $2y'' - 9y' + 4y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 3.$

V3.  $2y'' - 9y' + 4y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 2.$

V4.  $2y'' - 9y' + 4y = 0, y(0) = 3, y'(0) = 2.$

Q1.3.34. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(4p^2 - 3p - 1) = 4p + 9$  ?

V1.  $4y'' - 3y' - y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 3.$

V2.  $4y'' - 3y' - y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 1.$

V3.  $4y'' - 3y' - y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 2.$

V4.  $4y'' - 3y' - y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 0.$

Q1.3.35. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 + 3p) = p + 5$  ?

V1.  $y'' + 3y' = 0, y(0) = 0, y'(0) = 2.$

V2.  $y'' + 3y' = 0, y(0) = 1, y'(0) = 0.$



V3.  $y'' + 3y' = 0, y(0) = 1, y'(0) = 2.$

V4.  $y'' + 3y' = 0, y(0) = 2, y'(0) = 2.$

Q1.3.36. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(2p^2 - 5) = 4p + 2$  ?

V1.  $2y'' - 5y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 1.$

V2.  $2y'' - 5y = 0, y(0) = 3, y'(0) = 1.$

V3.  $2y'' - 5y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 0.$

V4.  $2y'' - 5y = 0, y(0) = 3, y'(0) = 2.$

Q1.3.37. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(5p^2 + p + 8) = 10p + 7$  ?

V1.  $5y'' + y' + 8y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 4.$

V2.  $5y'' + y' + 8y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 1.$

V3.  $5y'' + y' + 8y = 0, y(0) = 3, y'(0) = 1.$

V4.  $5y'' + y' + 8y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 0.$

Q1.3.38. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 - 2p - 3) = 2p - 3$  ?

V1.  $y'' - 2y' - 3y = 0, y(0) = 3, y'(0) = 0.$

V2.  $y'' - 2y' - 3y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 2.$

V3.  $y'' - 2y' - 3y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 1.$

V4.  $y'' - 2y' - 3y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 1.$

Q1.3.39. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(6p^2 - p + 5) = 6$  ?

V1.  $6y'' - y' + 5y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 1.$

V2.  $6y'' - y' + 5y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 1.$

V3.  $6y'' - y' + 5y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 2.$

V4.  $6y'' - y' + 5y = 0, y(0) = 4, y'(0) = 0.$

Q1.3.40. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(7p^2 + 5p + 1) = 21$  ?

V1.  $7y'' + 5y' + y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 3.$

V2.  $7y'' + 5y' + y = 0, y(0) = 2, y'(0) = 0.$

V3.  $7y'' + 5y' + y = 0, y(0) = 0, y'(0) = 3.$

V4.  $7y'' + 5y' + y = 0, y(0) = 1, y'(0) = 4.$

Q1.3.41. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі Коші  $y'' + 9y = t^3 + 2, y(0) = 1, y'(0) = 0$  ?

V1.  $Y(p)(p^2 + 9) = p + \frac{1}{p} + \frac{1}{p^4}.$  V2.  $Y(p)(p^2 + 9) = p + \frac{2}{p} + \frac{1}{p^3}.$

V3.  $Y(p)(p^2 + 9) = \frac{3!}{p^4} + \frac{2}{p}.$  V4.  $Y(p)(p^2 + 9) = p + \frac{2}{p} + \frac{3!}{p^4}.$

Q1.3.42. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі Коші  $y'' - 4y = \cos 3t, y(0) = -1, y'(0) = 0$  ?

V1.  $Y(p)(p^2 - 4) = \frac{p}{p^2 + 9}.$  V2.  $Y(p)(p^2 - 4) = \frac{3}{p^2 + 9}.$

V3.  $Y(p)(p^2 - 4) = \frac{p}{p^2 + 9} - p.$  V4.  $Y(p)(p^2 - 4) = \frac{p}{p^2 + 9} + p.$

Q1.3.43. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі Коші  $y'' - 4y' + 3y = 4e^{4t}, y(0) = 2, y'(0) = 0$  ?

V1.  $Y(p)(p^2 - 4p + 3) = (2p^2 - 16p + 20)/(p - 4)$

V2.  $Y(p)(p^2 - 4p + 3) = (4p^2 - 3p + 6)/(p - 4)$

V3.  $Y(p)(p^2 - 4p + 3) = (p^2 - 9)/(p - 4)$

V4.  $Y(p)(p^2 - 4p + 3) = (3p^2 - 6p - 4)/(p - 4)$

Q1.3.44. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y''-6y'+13y=t+5$ ,  $y(0)=0$ ,  $y'(0)=1$ ?

V1.  $Y(p)(p^2 - 6p + 13) = (5p^2 + 1)/p^2$

V2.  $Y(p)(p^2 - 6p + 13) = (p^2 + 5p + 1)/p^2$

V3.  $Y(p)(p^2 - 6p + 13) = (p^2 + 4p - 1)/p$

V4.  $Y(p)(p^2 - 6p + 13) = (p^2 + p + 4)/p^3$

Q1.3.45. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y''-y'=t^2$ ,  $y(0)=0$ ,  $y'(0)=1$ ?

V1.  $Y(p)(p^2 - p) = \frac{p^2 + 2}{p^3}$ . V2.  $Y(p)(p^2 - p) = \frac{p^2 + 3}{p^2}$ .

V3.  $Y(p)(p^2 - p) = \frac{p^3 + 2}{p^2}$ . V4.  $Y(p)(p^2 - p) = \frac{p^3 + 2}{p^3}$ .

Q1.3.46. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y''-y=\cos 2t$ ,  $y(0)=1$ ,  $y'(0)=1$ ?

V1.  $Y(p)(p^2 - 1) = \frac{p^3 - p^2}{p^2 + 4}$ . V2.  $Y(p)(p^2 - 1) = \frac{p^3 + p^2 - 3p - 1}{p^2 + 4}$ .

V3.  $Y(p)(p^2 - 1) = \frac{p^3 + p^2 + 5p + 4}{p^2 + 4}$ . V4.  $Y(p)(p^2 - 1) = \frac{p^2 + 2p}{p^2 + 4}$ .

Q1.3.47. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y''-4y=6e^{-t}$ ,  $y(0)=3$ ,  $y'(0)=1$ ?

V1.  $Y(p)(p^2 - 4) = \frac{2p^2 + 4p}{p + 1}$ . V2.  $Y(p)(p^2 - 4) = \frac{4p^2 + 2p - 3}{p + 1}$ .

V3.  $Y(p)(p^2 - 4) = \frac{p^2 - 3}{p + 1}$ . V4.  $Y(p)(p^2 - 4) = \frac{3p^2 + 4p + 7}{p + 1}$ .

Q1.3.48. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y''-y'=\sin 3t$ ,  $y(0)=2$ ,  $y'(0)=1$ ?

$$V1. Y(p)(p^2 - p) = (2p^3 - 3p^2 + 6p - 1)/(p^2 + 9).$$

$$V2. Y(p)(p^2 - p) = (2p^3 - p^2 + 18p - 6)/(p^2 + 9).$$

$$V3. Y(p)(p^2 - p) = (p^3 + 4p^2 - 6p + 2)/(p^2 + 9).$$

$$V4. Y(p)(p^2 - p) = (p^3 - 9p + 12)/(p^2 + 9).$$

Q1.3.49. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' - 2y' - 3y = 2t$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 1$ ?

$$V1. Y(p)(p^2 - 2p - 3) = (p^3 - 5p^2 + p - 2)/p^2.$$

$$V2. Y(p)(p^2 - 2p - 3) = (4 - p^3)/p^2.$$

$$V3. Y(p)(p^2 - 2p - 3) = (-p^3 + 3p^2 + 6p - 1)/p^2.$$

$$V4. Y(p)(p^2 - 2p - 3) = (p^3 - p^2 + 2)/p^2.$$

Q1.3.50. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' - y' - 6y = 2$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 0$ ?

$$V1. Y(p)(p^2 - p - 6) = (p^2 + p - 4)/p^2.$$

$$V2. Y(p)(p^2 - p - 6) = (p^2 - 4)/p.$$

$$V3. Y(p)(p^2 - p - 6) = (p^2 - p + 2)/p.$$

$$V4. Y(p)(p^2 - p - 6) = (p^3 - p^2 + 1)/p.$$

Q1.3.51. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' - 3y' + 2y = e^t$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 0$ ?

$$V1. Y(p)(p^2 - 3p + 2) = (p^2 + 2)/(p - 1).$$

$$V2. Y(p)(p^2 - 3p + 2) = (p^2 - 4p + 4)/(p - 1).$$

$$V3. Y(p)(p^2 - 3p + 2) = (p^2 - 3p - 4)/(p - 1).$$

$$V4. Y(p)(p^2 - 3p + 2) = (p^2 + 3p)/(p - 1).$$

Q1.3.52. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' - y' = te^t$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 1$ ?

$$V1. Y(p)(p^2 - p) = \frac{p^2 - p + 1}{p - 1}. \quad V2. Y(p)(p^2 - p) = \frac{2}{(p - 1)^2}.$$

$$V3. Y(p)(p^2 - p) = \frac{1}{(p + 1)^2} + 1. \quad V4. Y(p)(p^2 - p) = \frac{p^2 - 2p + 2}{(p - 1)^2}.$$

Q1.3.53. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' + 2y' + 2y = t^2 + 1$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = -3$ ?

$$V1. Y(p)(p^2 + 2p + 2) = (p^3 + 2p^2 - 2)/p^2.$$

$$V2. Y(p)(p^2 + 2p + 2) = (p^4 + 4p^3 - 2p^2 + 4)/p^3.$$

$$V3. Y(p)(p^2 + 2p + 2) = (p^4 - p^3 + p^2 + 2)/p^3.$$

$$V4. Y(p)(p^2 + 2p + 2) = (p^4 + 3p^2 - 4)/p^3.$$

Q1.3.54. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' + y = t \cos 2t$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 2$ ?

$$V1. Y(p)(p^2 + 1) = (4p^4 + 6p^2 + 3)/(p^2 + 4)^2.$$

$$V2. Y(p)(p^2 + 1) = (2p^4 + 17p^2 + 28)/(p^2 + 4)^2.$$

$$V3. Y(p)(p^2 + 1) = (p^4 - 9p^2 + 16)/(p^2 + 4)^2.$$

$$V4. Y(p)(p^2 + 1) = (3p^4 - 2p^2 - 15)/(p^2 + 4)^2.$$

Q1.3.55. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' + 3y' + 2y = t^2 + t + 1$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 1$ ?

$$V1. Y(p)(p^2 + 3p + 2) = (p^4 + 4p^3 + p^2 + p + 2)/p^3.$$

$$V2. Y(p)(p^2 + 3p + 2) = (p^4 - 3p^3 + p^2 + 2p - 6)/p^3.$$

$$V3. Y(p)(p^2 + 3p + 2) = (p^4 - 7p^3 + 5p^2 + 4)/p^3.$$

$$V4. Y(p)(p^2 + 3p + 2) = (p^4 + 2p^3 + 8p^2 - 3p + 9)/p^3.$$

Q1.3.56. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' + 3y' + 2y = 3e^t$ ,  $y(0) = 0$ ,  $y'(0) = 1$ ?

$$\text{V1. } Y(p)(p^2 + 3p + 2) = \frac{p+2}{p-1}. \quad \text{V2. } Y(p)(p^2 + 3p + 2) = \frac{p^2 - 2p}{p-1}.$$

$$\text{V3. } Y(p)(p^2 + 3p + 2) = \frac{p^2 - 3}{p+1}. \quad \text{V4. } Y(p)(p^2 + 3p + 2) = \frac{p-3}{(p-1)^2}.$$

Q1.3.57. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' + 3y' - 10y = 7 \cos t - \sin t$ ,  $y(0) = -1$ ,  $y'(0) = -2$ ?

$$\text{V1. } Y(p)(p^2 + 3p - 10) = (3 - p^3)/(p^2 + 1)^2.$$

$$\text{V2. } Y(p)(p^2 + 3p - 10) = (2 - 7p + p^2 - 2p^3)/(p^2 + 1).$$

$$\text{V3. } Y(p)(p^2 + 3p - 10) = (6p - 5p^2 - p^3 - 6)/(p^2 + 1).$$

$$\text{V4. } Y(p)(p^2 + 3p - 10) = (27 - p^3)/(p^2 + 1).$$

Q1.3.58. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' + 3y' = -e^{-2t}$ ,  $y(0) = 2$ ,  $y'(0) = -3$ ?

$$\text{V1. } Y(p)(p^2 + 3p) = \frac{2p^2 + 7p + 5}{p+2}. \quad \text{V2. } Y(p)(p^2 + 3p) = \frac{p+6}{p+2}.$$

$$\text{V3. } Y(p)(p^2 + 3p) = \frac{p^2 - 3p}{p+2}. \quad \text{V4. } Y(p)(p^2 + 3p) = \frac{p^2 - 6p + 3}{p+2}.$$

Q1.3.59. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $y'' + 4y' + 29y = t^2 + 2t$ ,  $y(0) = 4$ ,  $y'(0) = -2$ ?

$$\text{V1. } Y(p)(p^2 + 4p + 29) = (2p^4 - p^3 + 2p^2 - 5)/p^3.$$

$$\text{V2. } Y(p)(p^2 + 4p + 29) = (7p^4 + 2p^3 - 3p - 2)/p^3.$$

$$\text{V3. } Y(p)(p^2 + 4p + 29) = (4p^4 + 14p^3 + 2p + 2)/p^3.$$

$$\text{V4. } Y(p)(p^2 + 4p + 29) = (2p^3 - 6p^2 + 14p + 8)/p^3.$$

Q1.3.60. Яке з наступних операційних рівнянь відповідає задачі

Коші  $2y'' - y' - 6y = 3$ ,  $y(0) = 1$ ,  $y'(0) = 0$ ?

$$\text{V1. } Y(p)(2p^2 - p - 6) = (4p^2 - 7p + 9)/p.$$

$$V2. Y(p)(2p^2 - p - 6) = (2p^2 + 4p - 7)/p.$$

$$V3. Y(p)(2p^2 - p - 6) = (p^2 - 4p + 12)/p.$$

$$V4. Y(p)(2p^2 - p - 6) = (2p^2 - p + 3)/p.$$

Q1.3.61. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 - 2p + 5) = -(p^2 + 3p - 2)/p^2$  ?

$$V1. \ddot{y} + 2\dot{y} + 5y = 2t - 3, y(0) = 0, \dot{y}(0) = 1.$$

$$V2. \ddot{y} + 2\dot{y} + 5y = 2t - 3, y(0) = 0, \dot{y}(0) = 1.$$

$$V3. \ddot{y} + 2\dot{y} + 5y = 2t - 3, y(0) = 0, \dot{y}(0) = 1.$$

$$V4. \ddot{y} - 2\dot{y} + 5y = 2t - 3, y(0) = 0, \dot{y}(0) = -1.$$

Q1.3.62. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 - 9) = (p^3 + 14p)/(p^2 + 9)$  ?

$$V1. \ddot{y} - 9y = 5 \cos 3t, y(0) = 1, \dot{y}(0) = 0.$$

$$V2. \ddot{y} - 9y = 5 \cos 2t, y(0) = 1, \dot{y}(0) = 0.$$

$$V3. \ddot{y} + 9y = 3 \cos 5t, y(0) = 0, \dot{y}(0) = 1.$$

$$V4. \ddot{y} + 9y = 2 \cos 3t, y(0) = 1, \dot{y}(0) = 1.$$

Q1.3.63. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 + 9p + 20) = (2p^2 + 40)/(p^2 + 16)$  ?

$$V1. \ddot{y} - 9\dot{y} + 20y = 2 \cos 4t, y(0) = 0, \dot{y}(0) = 2.$$

$$V2. \ddot{y} + 9\dot{y} + 20y = 2e^{4t}, y(0) = 0, \dot{y}(0) = 2.$$

$$V3. \ddot{y} + 9\dot{y} + 20y = 2 \sin 4t, y(0) = 0, \dot{y}(0) = 2.$$

$$V4. \ddot{y} - 9\dot{y} - 20y = 2t + 4, y(0) = 0, \dot{y}(0) = 2.$$

Q1.3.64. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 + 1) = (4p - 10)/(p - 3)$  ?

$$V1. \ddot{y} + y = 2e^{3t}, y(0) = 0, \dot{y}(0) = 4.$$

$$\text{V2. } \ddot{y} + y = 3t^2 + 5, \quad y(0) = 0, \quad \dot{y}(0) = 4.$$

$$\text{V3. } \ddot{y} - y = 4t^5 + 3, \quad y(0) = 0, \quad \dot{y}(0) = 4.$$

$$\text{V4. } \ddot{y} - y = 3e^{2t}, \quad y(0) = 0, \quad \dot{y}(0) = 4.$$

Q1.3.65. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 + 4) = (p^5 + 8p - 16)/(p^4 - 2p^3)$ ?

$$\text{V1. } \ddot{y} + 4y = 2e^{4t} + 2t, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V2. } \ddot{y} + 4y = 4e^{2t} + 4t^2, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V3. } \ddot{y} + 4y = 2e^{4t} + 2t, \quad y(0) = 0, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V4. } \ddot{y} + 4y = 4e^{2t} + 4t^2, \quad y(0) = 2, \quad \dot{y}(0) = 1.$$

Q1.3.66. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 + 4p - 5) = (2p^2 + 21)/(p^2 + 9)$ ?

$$\text{V1. } \ddot{y} + 4\dot{y} - 5y = \cos 3t, \quad y(0) = 0, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V2. } \ddot{y} + 4\dot{y} - 5y = \sin 3t, \quad y(0) = 0, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V3. } \ddot{y} + 4\dot{y} - 5y = \sin 3t, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V4. } \ddot{y} + 4\dot{y} - 5y = \cos 3t, \quad y(0) = 2, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

Q1.3.67. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 - 3p - 4) = (p^4 - 2p^3 - p^2 + 2)/p^3$ ?

$$\text{V1. } \ddot{y} - 3\dot{y} - 4y = t^2, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 1.$$

$$\text{V2. } \ddot{y} - 3\dot{y} - 4y = t^2 - t, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 1.$$

$$\text{V3. } \ddot{y} - 3\dot{y} - 4y = t^2 + 1, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 1.$$

$$\text{V4. } \ddot{y} - 3\dot{y} - 4y = t^2 - 1, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 1.$$

Q1.3.68. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 + 2p + 10) = (p^2 + 5p + 6)/(p + 1)$ ?

$$\text{V1. } \ddot{y} + 2\dot{y} + 10y = 2e^{-t}, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$



$$\text{V2. } \ddot{y} + 2\dot{y} + 10y = 2e^{-t}, \quad y(0) = 2, \quad \dot{y}(0) = 3.$$

$$\text{V3. } \ddot{y} + 2\dot{y} + 10y = 4e^t, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V4. } \ddot{y} + 2\dot{y} + 10y = 2e^{-2t}, \quad y(0) = 2, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

Q1.3.69. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має

$$\text{вигляд } Y(p)(p^2 + p) = \frac{-p^5 - 3p^4 - 11p^2 + 16p + 4}{p^4 + 5p^2 + 4}?$$

$$\text{V1. } \ddot{y} + \dot{y} = 5 \cos 2t + 4 \sin t, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V2. } \ddot{y} + \dot{y} = 3 \cos t + \sin t, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V3. } \ddot{y} + \dot{y} = 3 \cos t - 2 \sin t, \quad y(0) = -1, \quad \dot{y}(0) = -2.$$

$$\text{V4. } \ddot{y} + \dot{y} = 5 \cos 2t + 4 \sin t, \quad y(0) = -1, \quad \dot{y}(0) = -2.$$

Q1.3.70. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має

$$\text{вигляд } Y(p)(2p^2 - p + 1) = (2p^3 + p^2 - 2)/(p^2 - p)?$$

$$\text{V1. } 2\ddot{y} - \dot{y} + y = 2 + e^t, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V2. } 2\ddot{y} - \dot{y} + y = 2 + e^{-t}, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V3. } 2\ddot{y} - \dot{y} + y = 1 + e^{2t}, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

$$\text{V4. } 2\ddot{y} - \dot{y} + y = 2 + e^{-2t}, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

Q1.3.71. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має

$$\text{вигляд } Y(p)(p^2 - p - 6) = (p^3 - 2p - 2)/p^2?$$

$$\text{V1. } \ddot{y} - \dot{y} - 6y = -2(t+1), \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 1.$$

$$\text{V2. } \ddot{y} - \dot{y} - 6y = -2(t+1), \quad y(0) = 0, \quad \dot{y}(0) = 1.$$

$$\text{V3. } \ddot{y} - \dot{y} - 6y = -4(t+1), \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 0.$$

$$\text{V4. } \ddot{y} - \dot{y} - 6y = -4(t+1), \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 1.$$

Q1.3.72. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має

$$\text{вигляд } Y(p)(3p^2 + 2p - 4) = (6p^3 + p^2 + 24p + 8)/(p^3 + 4p)?$$

$$\text{V1. } 3\ddot{y} + 2\dot{y} - 4y = 2t - \cos 2t, \quad y(0) = 1, \quad \dot{y}(0) = 2.$$

V2.  $3\ddot{y} + 2\dot{y} - 4y = 2t - \cos 2t$ ,  $y(0) = 0$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V3.  $3\ddot{y} + 2\dot{y} - 4y = 2 - \cos 2t$ ,  $y(0) = 0$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V4.  $3\ddot{y} + 2\dot{y} - 4y = 2 - \cos 2t$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

Q1.3.73. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 - 2p - 3) = (p^3 - p^2 - 2p + 5)/(p^2 + p - 2)$  ?

V1.  $\ddot{y} - 2\dot{y} - 3y = e^{-t} + e^{-2t}$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 0$ .

V2.  $\ddot{y} - 2\dot{y} - 3y = e^t + e^{2t}$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 0$ .

V3.  $\ddot{y} - 2\dot{y} - 3y = e^{-t} + e^{2t}$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 0$ .

V4.  $\ddot{y} - 2\dot{y} - 3y = e^t + e^{-2t}$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 0$ .

Q1.3.74. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 + p + 2) = (p^4 + 3p^3 + 2p^2 - 2)/p^3$  ?

V1.  $\ddot{y} + \dot{y} + 2y = t + t^2$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V2.  $\ddot{y} + \dot{y} + 2y = 2t - t^2$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V3.  $\ddot{y} + \dot{y} + 2y = 2t + t^2$ ,  $y(0) = 2$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V4.  $\ddot{y} + \dot{y} + 2y = 2t - t^2$ ,  $y(0) = 2$ ,  $\dot{y}(0) = 1$ .

Q1.3.75. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(2p^2 - p + 5) = \frac{2p^5 + 3p^4 + 15p^3 + 24p^2 + 32p + 48}{p^4 + 8p^2 + 16}$  ?

V1.  $2\ddot{y} - \dot{y} + 5y = t \sin 2t - \cos 2t$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V2.  $2\ddot{y} - \dot{y} + 5y = \sin 2t - t \cos 2t$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V3.  $2\ddot{y} - \dot{y} + 5y = t \sin 2t - \cos 2t$ ,  $y(0) = 2$ ,  $\dot{y}(0) = 0$ .

V4.  $2\ddot{y} - \dot{y} + 5y = \sin 2t - \cos 2t$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

Q1.3.76. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(3p^2 + 4p - 1) = \frac{3p^3 - 14p^2 + 23p - 7}{p^2 - 14p + 5}$  ?

V1.  $3\ddot{y} + 4\dot{y} - y = 3e^{2t} \sin t$ ,  $y(0) = -1$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V2.  $3\ddot{y} + 4\dot{y} - y = 3e^{2t} \sin t$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V3.  $3\ddot{y} + 4\dot{y} - y = 3e^{2t} \sin t$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = -2$ .

V4.  $3\ddot{y} + 4\dot{y} - y = 3e^{2t} \sin t$ ,  $y(0) = 3$ ,  $\dot{y}(0) = -2$ .

Q1.3.77. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 - 2) = (4p^4 - 12p^3 + 12p^2 - 4p + 1)/(p - 1)^3$ ?

V1.  $\ddot{y} - 2y = 0,2e't^2$ ,  $y(0) = 3$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V2.  $\ddot{y} - 2y = 2e't^2$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 1$ .

V3.  $\ddot{y} - 2y = 5e't^2$ ,  $y(0) = 4$ ,  $\dot{y}(0) = 0$ .

V4.  $\ddot{y} - 2y = 0,5e't^2$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

Q1.3.78. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 + 9) = (p^5 + 2p^3 + 6)/p^4$ ?

V1.  $\ddot{y} + 9y = t^3 + 2$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V2.  $\ddot{y} + 9y = t^3 + 2$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 0$ .

V3.  $\ddot{y} + 9y = t^3 + 2$ ,  $y(0) = 2$ ,  $\dot{y}(0) = 1$ .

V4.  $\ddot{y} + 9y = t^3 + 2$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = -2$ .

Q1.3.79. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(p^2 + 5p - 2) = (p^6 + p^4 - 5p^2 - 1)/((p^2 - 1)(p^2 + 1)^2)$ ?

V1.  $\ddot{y} + 5\dot{y} - 2y = t \cos t - sht$ ,  $y(0) = 0$ ,  $\dot{y}(0) = 1$ .

V2.  $\ddot{y} + 5\dot{y} - 2y = t \cos t - cht$ ,  $y(0) = 1$ ,  $\dot{y}(0) = 1$ .

V3.  $\ddot{y} + 5\dot{y} - 2y = \cos t - sht$ ,  $y(0) = 0$ ,  $\dot{y}(0) = 2$ .

V4.  $\ddot{y} + 5\dot{y} - 2y = t \sin t - sht$ ,  $y(0) = 0$ ,  $\dot{y}(0) = 1$ .

Q1.3.80. Для якої з наступних задач Коші операційне рівняння має вигляд  $Y(p)(3p^2 + p - 2) = (5 - 4p - 3p^2)/(p + 2)$ ?

$$V1. \quad 3\ddot{y} + \dot{y} - 2y = ch2t - sh2t, \quad y(0)=1, \quad \dot{y}(0)=1.$$

$$V2. \quad 3\ddot{y} + \dot{y} - 2y = ch2t - sh2t, \quad y(0)=2, \quad \dot{y}(0)=1.$$

$$V3. \quad 3\ddot{y} + \dot{y} - 2y = ch2t - sh2t, \quad y(0)=-1, \quad \dot{y}(0)=-2.$$

$$V4. \quad 3\ddot{y} + \dot{y} - 2y = ch2t - sh2t, \quad y(0)=-1, \quad \dot{y}(0)=1.$$

Q1.3.81. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = x + 2y \\ \dot{y} = 3x + 5 \cos 5t \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$V1. \quad \begin{cases} \bar{x}(p-1) = 2\bar{y} \\ \bar{y}(p+3) = 5/(p^2 + 25) \end{cases} \quad V2. \quad \begin{cases} \bar{x}(p+1) = 2\bar{y} \\ \bar{y} = 3\bar{x} + 5p/(p^2 - 25) \end{cases}$$

$$V3. \quad \begin{cases} \bar{x}(p-1) = 2\bar{y} \\ p\bar{y} = \bar{x} + 5p/(p^2 + 25) \end{cases} \quad V4. \quad \begin{cases} \bar{x}(p-1) = 2\bar{y} \\ p\bar{y} = 3\bar{x} + 5p/(p^2 + 25) \end{cases}$$

Q1.3.82. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = 4x + 2y \\ \dot{y} = 6x + e^{6t} \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$V1. \quad \begin{cases} \bar{x}(p-1) = 2\bar{y} \\ p\bar{y} = 6\bar{x} + 6/(p-1) \end{cases} \quad V2. \quad \begin{cases} \bar{x}(p-4) = 2\bar{y} \\ p\bar{y} = 6\bar{x} + 1/(p-6) \end{cases}$$

$$V3. \quad \begin{cases} \bar{x}(p+4) = \bar{y} \\ p\bar{y} = 6\bar{x} + 1/(p-6) \end{cases} \quad V4. \quad \begin{cases} \bar{x}(p+4) = \bar{y} \\ p\bar{y} = 6\bar{x} + p/(p-6) \end{cases}$$

Q1.3.83. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = 4x - y \\ \dot{y} = 3x + 5t + 3 \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$V1. \quad \begin{cases} \bar{x}(p-4) = \bar{y} \\ p\bar{y} = \bar{x} + (5-3p)/p^2 \end{cases} \quad V2. \quad \begin{cases} \bar{x}(p+4) = -\bar{y} \\ p\bar{y} = 3\bar{x} + (1+p)/p^2 \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) = -\bar{y} \\ p\bar{y} = 3\bar{x} + (5+3p)/p^2 \end{cases} \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p+4) = \bar{y} \\ p\bar{y} = 3\bar{x} + (5+3p)/p^2 \end{cases}$$

Q1.3.84. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = 6x - y + \sin 2t \\ \dot{y} = 3x + 2y \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$\text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-6) + \bar{y} = 2/(p^2+4) \\ \bar{y}(p-2) = 3\bar{x} \end{cases} \quad \text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p+6) - \bar{y} = p/(p^2+4) \\ \bar{y}(p-2) = 3\bar{x} \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p+6) = \bar{y} + 4/(p^2+4) \\ \bar{y}(p-2) = 3\bar{x} \end{cases} \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-6) - \bar{y} = p^2/(p^2+4) \\ \bar{y}(p+2) = 3\bar{x} \end{cases}$$

Q1.3.85. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = 2x + y \\ \dot{y} = x - 2y - e^{-3t} \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$\text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-2) = \bar{y} \\ \bar{y}(p+2) + \bar{x} = 1/(p-3) \end{cases} \quad \text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p-2) = \bar{y} \\ \bar{y}(p+2) + \bar{x} = 1/(p+3) \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-2) = \bar{y} \\ \bar{y}(p+2) + \bar{x} = p/(p+3) \end{cases} \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-2) = \bar{y} \\ \bar{y}(p+2) + \bar{x} = 1/(p^2+9) \end{cases}$$

Q1.3.86. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = 4x - 3y + \sin 2t \\ \dot{y} = 2y - x + t \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$\text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) + 3\bar{y} = 2/(p^2+4) \\ \bar{y}(p-2) + \bar{x} = 1/p \end{cases} \quad \text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) + 3\bar{y} = 2/(p^2-4) \\ \bar{y}(p-2) + \bar{x} = 1/p^2 \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) + 3\bar{y} = 1/(p-4) \\ \bar{y}(p-2) + \bar{x} = 1/p^2 \end{cases} \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) + 3\bar{y} = 2p/(p^2-4) \\ \bar{y}(p-2) + \bar{x} = 1/p^2 \end{cases}$$

Q1.3.87. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = x + 4y - t^2 \\ \dot{y} = 5x - y \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$\text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-1) - 4\bar{y} = -2/p^3 \\ \bar{y}(p+1) = 5\bar{x} \end{cases}$$

$$\text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p-1) - 4\bar{y} = 2/p^2 \\ \bar{y}(p+1) = 5\bar{x} \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-1) - 4\bar{y} = -4/p \\ \bar{y}(p+1) = 5\bar{x} \end{cases}$$

$$\text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-1) - 4\bar{y} = 2/(p-1) \\ \bar{y}(p+1) = 5\bar{x} \end{cases}$$

Q1.3.88. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = -x + 2 \sin 3t \\ \dot{y} = 3x - 5y + 2 \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$\text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p+1) = 3/(p^2 - 9) \\ \bar{y}(p+5) - 3\bar{x} = 2/p \end{cases}$$

$$\text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p+1) = 6/(p^2 + 9) \\ \bar{y}(p+5) - 3\bar{x} = 2/p^2 \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p+1) = 6/(p^2 + 9) \\ \bar{y}(p+5) - 3\bar{x} = 2/p \end{cases}$$

$$\text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p+1) = 2/(p^2 + 9)^2 \\ \bar{y}(p+5) - 3\bar{x} = 2/p^2 \end{cases}$$

Q1.3.89. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = x - 5y \\ \dot{y} = 5x - t^3 + 1 \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$\text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-1) = -5\bar{y} \\ \bar{y}p = 5\bar{x} + (p-2)/(p+3) \end{cases}$$

$$\text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p-1) = -5\bar{y} \\ \bar{y}p = 5\bar{x} + (p-2)/p^4 \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-1) = 5\bar{y} \\ \bar{y}p = 5\bar{x} + (p^2 - 6)/p^3 \end{cases}$$

$$\text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-1) = -5\bar{y} \\ \bar{y}p = 5\bar{x} + (p^3 - 6)/p^4 \end{cases}$$

Q1.3.90. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = 4y - x + 2 \operatorname{ch} t \\ \dot{y} = x - 5y - t \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$\begin{aligned} \text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p+1) - 4\bar{y} = 2/(p^2 - 1) \\ \bar{y}(p+5) - \bar{x} = 1/p^2 \end{cases} & \quad \text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p+1) - 4\bar{y} = 2/(p^2 + 1) \\ \bar{y}(p+5) - \bar{x} = -1/p^2 \end{cases} \\ \text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p+1) - 4\bar{y} = 2p/(p^2 - 1) \\ \bar{y}(p+5) - \bar{x} = -1/p^2 \end{cases} & \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p+1) - 4\bar{y} = 2/(p^2 + 1) \\ \bar{y}(p+5) - \bar{x} = 1/p \end{cases} \end{aligned}$$

Q1.3.91. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

Коші:  $\begin{cases} \dot{x} = 4x - t \sin 2t \\ \dot{y} = x + 3y \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$

$$\begin{aligned} \text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) = -4p/(p^2 + 4)^2 \\ \bar{y}(p-3) = \bar{x} \end{cases} & \quad \text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) = p/(p^2 + 4) \\ \bar{y}(p-3) = -\bar{x} \end{cases} \\ \text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) = 2p/(p^2 + 4)^2 \\ \bar{y}(p-3) = \bar{x} \end{cases} & \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) = -2p/(p^2 - 4)^2 \\ \bar{y}(p-3) = -\bar{x} \end{cases} \end{aligned}$$

Q1.3.92. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

Коші:  $\begin{cases} \dot{x} = 6x - 7y + e^{-t} \cos 2t \\ \dot{y} = 4x - 5y \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$

$$\begin{aligned} \text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-6) - 7\bar{y} = \frac{p-1}{(p+1)^2 + 1} \\ \bar{y}(p+5) = 4\bar{x} \end{cases} & \quad \text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p-6) - 7\bar{y} = \frac{p}{(p+1)^2} \\ \bar{y}(p+5) = 4\bar{x} \end{cases} \\ \text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-6) - 7\bar{y} = \frac{2p}{(p+1)^2 + 4} \\ \bar{y}(p+5) = 4\bar{x} \end{cases} & \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-6) + 7\bar{y} = \frac{p+1}{(p+1)^2 + 4} \\ \bar{y}(p+5) = 4\bar{x} \end{cases} \end{aligned}$$

Q1.3.93. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

Коші:  $\begin{cases} \dot{x} = y - 6x - 1 \\ \dot{y} = 2y - x + 3 \operatorname{ch} 4t \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$

$$\begin{aligned} \text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p+6) - \bar{y} = 1/p \\ \bar{y}(p-2) + \bar{x} = 3p/(p^2 - 1) \end{cases} & \quad \text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p+6) - \bar{y} = -1/p \\ \bar{y}(p-2) + \bar{x} = 3p/(p^2 - 16) \end{cases} \end{aligned}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p+6) - \bar{y} = 1/p^2 \\ \bar{y}(p-2) + \bar{x} = 3/(p^2+16) \end{cases} \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p+6) - \bar{y} = (p+1)/p \\ \bar{y}(p-2) + \bar{x} = p/(p^2-16) \end{cases}$$

Q1.3.94. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = 4x + 5y + 2t \\ \dot{y} = x - 2y \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$\text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) - 5\bar{y} = 2/p \\ \bar{y}(p+2) = \bar{x} \end{cases} \quad \text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) - 5\bar{y} = (p+2)/p^2 \\ \bar{y}(p+2) = \bar{x} \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) - 5\bar{y} = 2/p^2 \\ \bar{y}(p+2) = \bar{x} \end{cases} \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) - 5\bar{y} = 4/p^3 \\ \bar{y}(p+2) = \bar{x} \end{cases}$$

Q1.3.95. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = 7x + 2y \\ \dot{y} = x + t^2 - t \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$\text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-7) = 2\bar{y} \\ \bar{y}p = (2p-1)/p^3 + \bar{x} \end{cases} \quad \text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p-7) = 2\bar{y} \\ \bar{y}p = 2/p^3 - \bar{x} \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-7) = 2\bar{y} \\ \bar{y}p = (2p+1)/p^2 + \bar{x} \end{cases} \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-7) = 2\bar{y} \\ \bar{y}p = (p-1)/(p+1)^3 - \bar{x} \end{cases}$$

Q1.3.96. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

$$\text{Коші: } \begin{cases} \dot{x} = 4x - y + \sin 2t + 3 \cos 2t \\ \dot{y} = 2x + y \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$$

$$\text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) + \bar{y} = 6/(p^2+4) \\ \bar{y}(p-1) = 2\bar{x} \end{cases} \quad \text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) + \bar{y} = 2p/(p^2-4) \\ \bar{y}(p-1) = 2\bar{x} \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) + \bar{y} = (3p+2)/(p^2+4) \\ \bar{y}(p-1) = 2\bar{x} \end{cases} \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-4) + \bar{y} = 2/p^2 \\ \bar{y}(p-1) = 2\bar{x} \end{cases}$$



Q1.3.97. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

Коші:  $\begin{cases} \dot{x} = 3y - x \\ \dot{y} = x - 8y - 2\sin(2t - 1) \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$

V1.  $\begin{cases} \bar{x}(p+1) = 3\bar{y} \\ \bar{y}(p+8) - \bar{x} = -\frac{2e^{-p/2}}{p^2 + 4} \end{cases} \quad \text{V2.} \begin{cases} \bar{x}(p+1) = 3\bar{y} \\ \bar{y}(p+8) - \bar{x} = -\frac{2pe^{-p/2}}{p^2 + 4} \end{cases}$

V3.  $\begin{cases} \bar{x}(p+1) = 3\bar{y} \\ \bar{y}(p+8) - \bar{x} = \frac{1}{p^2 + 4} \end{cases} \quad \text{V4.} \begin{cases} \bar{x}(p+1) = 3\bar{y} \\ \bar{y}(p+8) - \bar{x} = \frac{2e^{p/2}}{p^2 - 4} \end{cases}$

Q1.3.98. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

Коші:  $\begin{cases} \dot{x} = 3x + 7y + \sin t - t \cos t \\ \dot{y} = x - 5y \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$

V1.  $\begin{cases} \bar{x}(p-3) - 7\bar{y} = \frac{2}{p^2 + 1} \\ \bar{y}(p+5) = \bar{x} \end{cases} \quad \text{V2.} \begin{cases} \bar{x}(p-3) - 7\bar{y} = \frac{4p}{(p^2 + 1)^2} \\ \bar{y}(p+5) = \bar{x} \end{cases}$

V3.  $\begin{cases} \bar{x}(p-3) - 7\bar{y} = \frac{2p}{(p^2 + 1)^2 + 1} \\ \bar{y}(p+5) = \bar{x} \end{cases} \quad \text{V4.} \begin{cases} \bar{x}(p-3) - 7\bar{y} = \frac{2}{(p^2 + 1)^2} \\ \bar{y}(p+5) = \bar{x} \end{cases}$

Q1.3.99. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

Коші:  $\begin{cases} \dot{x} = x - 9y + t^2 e^{4t} \\ \dot{y} = 6x + 2y \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$

V1.  $\begin{cases} \bar{x}(p-1) + 9\bar{y} = \frac{2}{(p-4)^3} \\ \bar{y}(p-2) = 6\bar{x} \end{cases} \quad \text{V2.} \begin{cases} \bar{x}(p-1) + 9\bar{y} = \frac{2}{(p^2 - 4)^2} \\ \bar{y}(p-2) = 6\bar{x} \end{cases}$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-1) + 9\bar{y} = \frac{2p^2}{(p-4)^3} \\ \bar{y}(p-2) = 6\bar{x} \end{cases} \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-1) + 9\bar{y} = \frac{2}{(p-4)^2 + 1} \\ \bar{y}(p-2) = 6\bar{x} \end{cases}$$

Q1.3.100. Яка з наступних операційних систем відповідає задачі

Коші:  $\begin{cases} \dot{x} = 5x - y \\ \dot{y} = 2x + 3y + e^{-2t} - e^t \end{cases} \quad x(0) = 0, \quad y(0) = 0 ?$

$$\text{V1. } \begin{cases} \bar{x}(p-5) = -\bar{y} \\ \bar{y}(p-3) - 2\bar{x} = 5/(p^2 + p - 6) \end{cases}$$

$$\text{V2. } \begin{cases} \bar{x}(p-5) = -\bar{y} \\ \bar{y}(p-3) - 2\bar{x} = (p+5)/(p^2 - p - 6) \end{cases}$$

$$\text{V3. } \begin{cases} \bar{x}(p-5) = -\bar{y} \\ \bar{y}(p-3) - 2\bar{x} = -\frac{3}{p^2 + p - 2} \end{cases} \quad \text{V4. } \begin{cases} \bar{x}(p-5) = -\bar{y} \\ \bar{y}(p-3) - 2\bar{x} = \frac{2}{p^2 - p - 2} \end{cases}$$

## 2. Варіаційне числення

### 2.1. Основні поняття варіаційного числення

Q2.1.1. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_1^e xy(y'')^2 dx$

при значенні аргументу  $y = \ln x$  ?

$$\text{V1. } I[y] = -0,5e^2 - 0,5.$$

$$\text{V2. } I[y] = -0,5.$$

$$\text{V3. } I[y] = -0,25e^{-1} - 0,5.$$

$$\text{V4. } I[y] = -0,5e^{-2} - 0,25.$$

Q2.1.2. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_0^{\pi/4} y^2 dx$

при значенні аргументу  $y = \sin 2x$  ?

V1.  $I[y] = \pi/4$ . V2.  $I[y] = 2$ . V3.  $I[y] = \pi/8$ . V4.  $I[y] = 1/6$ .

Q2.1.3. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \lim_{x \rightarrow +\infty} y$

при значенні аргументу  $y = ((x+1)/(x+2))^x$ ?

V1.  $I[y] = 1/e$ . V2.  $I[y] = 1/3$ . V3.  $I[y] = e^2$ . V4.  $I[y] = 1/e^2$ .

Q2.1.4. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_0^1 xy^2 dx$

при значенні аргументу  $y = e^x$ ?

V1.  $I[y] = -0,5e^2 - 0,5$ . V2.  $I[y] = -0,5$ .

V3.  $I[y] = 0,25 + 0,25e^2$ . V4.  $I[y] = 1/e$ .

Q2.1.5. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_0^\pi y y'' dx$

при значенні аргументу  $y = \cos(x/3)$ ?

V1.  $I[y] = \frac{\pi}{4}$ . V2.  $I[y] = -\frac{\pi}{18} - \frac{\sqrt{3}}{24}$ . V3.  $I[y] = \frac{1}{18}$ . V4.  $I[y] = \sqrt{\frac{1}{3}}$ .

Q2.1.6. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = y(3)$

при значенні аргументу  $y = \sin(\pi x/6)$ ?

V1.  $I[y] = 0$ . V2.  $I[y] = 2$ . V3.  $I[y] = 1$ . V4.  $I[y] = \pi/6$ .

Q2.1.7. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \lim_{x \rightarrow +\infty} y$

при значенні аргументу  $y = xe^{-x}$ ?

V1.  $I[y] = 0$ . V2.  $I[y] = 1/e$ . V3.  $I[y] = -2$ . V4.  $I[y] = 1/8$ .

Q2.1.8. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_0^1 y^2 dx$

при значенні аргументу  $y = x + 4$ ?

V1.  $I[y] = 32/5$ . V2.  $I[y] = 5/6$ . V3.  $I[y] = 61/3$ . V4.  $I[y] = 58/3$ .

Q2.1.9. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_0^{\pi/2} y'' y^2 dx$

при значенні аргументу  $y = \sin x$  ?

V1.  $I[y] = 3/5$ . V2.  $I[y] = 2/3$ . V3.  $I[y] = \sqrt{\pi}$ . V4.  $I[y] = 0$ .

Q2.1.10. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_0^1 x(y')^2 dx$

при значенні аргументу  $y = \arctg x$  ?

V1.  $I[y] = \sqrt{3}$ . V2.  $I[y] = 0$ . V3.  $I[y] = 3/8$ . V4.  $I[y] = 1/4$ .

Q2.1.11. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_0^1 x(y^2 + (y')^2) dx$

при значенні аргументу  $y = \cos x$  ?

V1.  $I[y] = 1/8$ . V2.  $I[y] = 1/2$ . V3.  $I[y] = 1$ . V4.  $I[y] = \pi/2$ .

Q2.1.12. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \lim_{x \rightarrow +\infty} y$

при значенні аргументу  $y = 2^{2x/(x+5)}$  ?

V1.  $I[y] = 2$ . V2.  $I[y] = 3/2$ . V3.  $I[y] = 1$ . V4.  $I[y] = 4$ .

Q2.1.13. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_{\pi/2}^{\pi} \frac{y'' \sin x}{(y')^3} dx$

при значенні аргументу  $y = \ln x$  ?

V1.  $I[y] = (2\pi - 3)/6$ . V2.  $I[y] = \pi - 1$ . V3.  $I[y] = 1$ . V4.  $I[y] = e$ .

Q2.1.14. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \lim_{x \rightarrow +\infty} y$

при значенні аргументу  $y = (4x + 3)/(2x - 3)$  ?

V1.  $I[y] = e^2$ . V2.  $I[y] = 4$ . V3.  $I[y] = 1$ . V4.  $I[y] = 2$ .

Q2.1.15. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_{\pi/6}^{\pi/3} \frac{y dx}{y'}$

при значенні аргументу  $y = \operatorname{ctg} x$  ?

В1.  $I[y] = -1/4$ . В2.  $I[y] = \sqrt{3}/2$ . В3.  $I[y] = \pi/3$ . В4.  $I[y] = -1$ .

Q2.1.16. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_0^{3/5} \frac{x}{y'(1-x^2)} dx$

при значенні аргументу  $y = \arcsin x$ ?

В1.  $I[y] = 1/5$ . В2.  $I[y] = 0$ . В3.  $I[y] = 4$ . В4.  $I[y] = -1/4$ .

Q2.1.17. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \lim_{x \rightarrow +\infty} y$

при значенні аргументу  $y = x[\ln x - \ln(x+1)]$ ?

В1.  $I[y] = -1/2$ . В2.  $I[y] = -1$ . В3.  $I[y] = e^{-1}$ . В4.  $I[y] = 1$ .

Q2.1.18. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_e^{e^2} \frac{dx}{y'' y^2}$

при значенні аргументу  $y = x \ln x$ ?

В1.  $I[y] = 1$ . В2.  $I[y] = e$ . В3.  $I[y] = 0$ . В4.  $I[y] = 1/2$ .

Q2.1.19. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_0^{\pi/4} \frac{y^2}{y'} dx$

при значенні аргументу  $y = \operatorname{tg} x$ ?

В1.  $I[y] = \frac{\pi}{8} - \frac{1}{4}$ . В2.  $I[y] = \frac{\pi}{4}$ . В3.  $I[y] = 1$ . В4.  $I[y] = \frac{\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2}$ .

Q2.1.20. Чому дорівнює функціонал  $I[y] = \int_0^1 x(y + y'') dx$

при значенні аргументу  $y = e^{-3x}$ ?

В1.  $I[y] = \frac{1}{3}$ . В2.  $I[y] = e^{-3}$ . В3.  $I[y] = -\frac{40}{9e^3} + \frac{10}{9}$ . В4.  $I[y] = 1$ .

Q2.1.21. Яка відстань нульового порядку між кривими  $y_1(x) = \sin 2x$ ;  $y_2(x) = \sin x$  на відрізку  $[0; \pi/2]$ ?

В1.  $\rho_0 = -1$ . В2.  $\rho_0 = 0$ . В3.  $\rho_0 = 1/2$ . В4.  $\rho_0 = 1$ .

Q2.1.22. Яка відстань нульового порядку між кривими

$y_1(x) = xe^{-x}$ ;  $y_2(x) = 0$  на відрізку  $[0; 2]$ ?

V1.  $\rho_0 = e^{-1}$ . V2.  $\rho_0 = 0$ . V3.  $\rho_0 = e - 1$ . V4.  $\rho_0 = 1$ .

Q2.1.23. Яка відстань нульового порядку між кривими

$y_1(x) = x$ ;  $y_2(x) = \ln x$  на відрізку  $[e^{-1}; e]$ ?

V1.  $\rho_0 = 1$ . V2.  $\rho_0 = 0$ . V3.  $\rho_0 = e - 1$ . V4.  $\rho_0 = e^{-1}$ .

Q2.1.24. Яка відстань нульового порядку між кривими

$y_1(x) = 1/(x^2 + 1)$ ;  $y_2(x) = 0$ ; на відрізку  $[-1; 2]$ ?

V1.  $\rho_0 = 2$ . V2.  $\rho_0 = 1$ . V3.  $\rho_0 = 1/2$ . V4.  $\rho_0 = 0$

Q2.1.25. Яка відстань нульового порядку між кривими

$y_1(x) = x^2$ ;  $y_2(x) = x$  на відрізку  $[0; 1]$ ?

V1.  $\rho_0 = 0$ . V2.  $\rho_0 = 1/3$ . V3.  $\rho_0 = 1$ . V4.  $\rho_0 = 1/4$ .

Q2.1.26. Яка відстань нульового порядку між кривими

$y_1(x) = x^3 e^{-x}$ ;  $y_2(x) = 0$  на відрізку  $[0; 2]$ ?

V1.  $\rho_0 = 8e^{-2}$ . V2.  $\rho_0 = 1$ . V3.  $\rho_0 = e - 1$ . V4.  $\rho_0 = 0$ .

Q2.1.27. Яка відстань нульового порядку між кривими

$y_1(x) = 4/(x + 2)^2$ ;  $y_2(x) = -x$  на відрізку  $[0; 2]$ ?

V1.  $\rho_0 = 1$ . V2.  $\rho_0 = 3/8$ . V3.  $\rho_0 = 9/4$ . V4.  $\rho_0 = 3$ .

Q2.1.28. Яка відстань нульового порядку між кривими

$y_1(x) = 2x^3 - 3x^2$ ;  $y_2(x) = 12x$  на відрізку  $[-2; 3]$ ?

V1.  $\rho_0 = 20$ . V2.  $\rho_0 = 17$ . V3.  $\rho_0 = 1$ . V4.  $\rho_0 = 4$ .

Q2.1.29. Яка відстань нульового порядку між кривими

$y_1(x) = 6 - x$ ;  $y_2(x) = 4/x^2$  на відрізку  $[1; 4]$ ?

V1.  $\rho_0 = 7/4$ . V2.  $\rho_0 = 2$ . V3.  $\rho_0 = 3$ . V4.  $\rho_0 = 1$ .

Q2.1.30. Яка відстань нульового порядку між кривими

$y_1(x) = 2 \operatorname{arctg} x$ ;  $y_2(x) = x$  на відрізку  $[0; \sqrt{3}]$ ?

V1.  $\rho_0 = 1$ . V2.  $\rho_0 = \pi/2 - 1$ . V3.  $\rho_0 = 0$ . V4.  $\rho_0 = 2\pi/3 - \sqrt{3}$ .

Q2.1.31. Яка відстань нульового порядку між кривими  
 $y_1(x) = 4\sqrt{x+2}$ ;  $y_2(x) = x$  на відрізку  $[-1; 7]$ ?

V1.  $\rho_0 = 1$ . V2.  $\rho_0 = 5$ . V3.  $\rho_0 = 2$ . V4.  $\rho_0 = 6$ .

Q2.1.32. Яка відстань нульового порядку між кривими  
 $y_1(x) = -16/x$ ;  $y_2(x) = x^2$  на відрізку  $[1; 4]$ ?

V1.  $\rho_0 = 1$ . V2.  $\rho_0 = 20$ . V3.  $\rho_0 = 17$ . V4.  $\rho_0 = 4$ .

Q2.1.33. Яка відстань нульового порядку між кривими  
 $y_1(x) = x^4/4 - 2x^3/3$ ;  $y_2(x) = 3x^2/2$  на відрізку  $[-2; 4]$ ?

V1.  $\rho_0 = 0$ . V2.  $\rho_0 = 45/4$ . V3.  $\rho_0 = 11/12$ . V4.  $\rho_0 = 7/12$ .

Q2.1.34. Яка відстань нульового порядку між кривими  
 $y_1(x) = x^4$ ;  $y_2(x) = 4x^3$  на відрізку  $[-1; 3]$ ?

V1.  $\rho_0 = 5$ . V2.  $\rho_0 = 12$ . V3.  $\rho_0 = 0$ . V4.  $\rho_0 = 27$ .

Q2.1.35. Яка відстань нульового порядку між кривими  
 $y_1(x) = 3e^{-x}$ ;  $y_2(x) = 3xe^{-x}$  на відрізку  $[0; 5]$ ?

V1.  $\rho_0 = 3/e^2$ . V2.  $\rho_0 = 3/e^5$ . V3.  $\rho_0 = 3$ . V4.  $\rho_0 = 12/e^5$ .

Q2.1.36. Яка відстань нульового порядку між кривими  
 $y_1(x) = 15\sqrt[3]{x^2}$ ;  $y_2(x) = x\sqrt[3]{x^2}$  на відрізку  $[-1; 4]$ ?

V1.  $\rho_0 = 0$ . V2.  $\rho_0 = 22\sqrt[3]{2}$ . V3.  $\rho_0 = 16\sqrt[3]{3}$ . V4.  $\rho_0 = 12\sqrt[3]{9}$ .

Q2.1.37. Яка відстань нульового порядку між кривими  
 $y_1(x) = x^2/2 - 2x$ ;  $y_2(x) = 8/(x-2)$  на відрізку  $[-2; 1]$ ?

V1.  $\rho_0 = 14/3$ . V2.  $\rho_0 = 4$ . V3.  $\rho_0 = 29/4$ . V4.  $\rho_0 = 8$ .

Q2.1.38. Яка відстань нульового порядку між кривими  
 $y_1(x) = xe^{-x}$ ;  $y_2(x) = e^{-x}$  на відрізку  $[0; 3]$ ?

V1.  $\rho_0 = 1/e^2$ . V2.  $\rho_0 = 2/e^3$ . V3.  $\rho_0 = 1$ . V4.  $\rho_0 = 0$ .

Q2.1.39. Яка відстань нульового порядку між кривими  
 $y_1(x) = 2x^5 + 5x^4$ ;  $y_2(x) = 10x^3$  на відрізку  $[-1; 2]$ ?

V1.  $\rho_0 = 64$ . \*V2.  $\rho_0 = 0$ . V3.  $\rho_0 = 72$ . V4.  $\rho_0 = 3$ .

Q2.1.40. Яка відстань нульового порядку між кривими

$y_1(x) = -2/(x-1)$ ;  $y_2(x) = x^2 - 2x$  на відрізку  $[-3; 0]$  ?

V1.  $\rho_0 = 2$ . V2.  $\rho_0 = 1/2$ . V3.  $\rho_0 = 1$ . V4.  $\rho_0 = 0$ .

Q2.1.41. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу  $2 \int_1^2 y \sqrt{y'} dx$  ?

V1.  $\delta I = \int_1^2 \frac{y' \delta y - 2y \delta y'}{\sqrt{y'}} dx$ . V2.  $\delta I = \int_1^2 \frac{yy' \delta y + 2y \delta y'}{\sqrt{y'}} dx$ .

V3.  $\delta I = \int_1^2 \frac{2y' \delta y + y \delta y'}{\sqrt{y'}} dx$ . V4.  $\delta I = \int_1^2 \frac{(y' + y) \delta y - y y' \delta y'}{\sqrt{y'}} dx$ .

Q2.1.42. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу  $\int_0^1 (x + y) dx$  ?

V1.  $\delta I = \int_0^1 (y' \delta y + y \delta y') dx$ .

V2.  $\delta I = \int_0^1 \delta y dx$ .

V3.  $\delta I = \int_0^1 (x \delta y + y' \delta y') dx$ .

V4.  $\delta I = \int_0^1 (x + y) \delta y dx$ .

Q2.1.43. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу  $\int_0^1 (y^2 - y'^2) dx$  ?

V1.  $\delta I = \int_0^1 2\delta y dx$ .

V2.  $\delta I = \int_0^1 (y' \delta y + y \delta y') dx$ .

V3.  $\delta I = \int_0^1 (\delta y + 2xy' \delta y') dx$ .

V4.  $\delta I = 2 \int_0^1 (y \delta y + y' \delta y') dx$ .

Q2.1.44. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу

$$y^2(0) + \int_0^1 (xy + y'^2) dx ?$$



$$\text{V1. } \delta I = \int_0^1 (2xy' \delta y + y \delta y') dx. \quad \text{V2. } \delta I = y(0) \delta y(0) + \int_0^1 (\delta y + 2xy' \delta y') dx.$$

$$\text{V3. } \delta I = 2y(0) \delta y(0) + \int_0^1 (x \delta y + 2y' \delta y') dx. \quad \text{V4. } \delta I = \int_0^1 (y \delta y + y' \delta y') dx.$$

$$\text{Q2.1.45. Чому дорівнює варіація } \delta I \text{ функціоналу } \int_0^{\pi} y' \sin y \, dx ?$$

$$\text{V1. } \delta I = \int_0^{\pi} (y' \cos y \delta y + \sin y \delta y') dx. \quad \text{V2. } \delta I = \int_0^{\pi} (y - \sin x) \delta y dx.$$

$$\text{V3. } \delta I = \int_0^{\pi} (y' \sin y \delta y + \sin y' \delta y') dx. \quad \text{V4. } \delta I = \int_0^{\pi} (\cos y \delta y + y' \delta y') dx.$$

$$\text{Q2.1.46. Чому дорівнює варіація } \delta I \text{ функціоналу } \int_0^{\pi} y(y - \cos x) dx ?$$

$$\text{V1. } \delta I = \int_0^{\pi} (2y - \cos x) \delta y dx. \quad \text{V2. } \delta I = \int_0^{\pi} (y - \sin x) \delta y dx.$$

$$\text{V3. } \delta I = \int_0^{\pi} (y' \delta y + y \cos x \delta y') dx. \quad \text{V4. } \delta I = \int_0^{\pi} (\cos y \delta y + y' \delta y') dx.$$

$$\text{Q2.1.47. Чому дорівнює варіація } \delta I \text{ функціоналу } \int_{-1}^1 (y' e^y + xy^2) dx ?$$

$$\text{V1. } \delta I = \int_{-1}^1 [2xy \delta y + x \delta y + e^y \delta y'] dx. \quad \text{V2. } \delta I = \int_{-1}^1 [2xy \delta y + e^y \delta y'] dx.$$

$$\text{V3. } \delta I = \int_{-1}^1 [(y' e^y + 2xy^2) \delta y + e^y \delta y'] dx.$$

$$\text{V4. } \delta I = \int_{-1}^1 [(y' e^y + 2xy) \delta y + e^y \delta y'] dx.$$

Q2.1.48. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу  $\int_1^2 y^3 dx$  ?

V1.  $\delta I = \int_1^2 3y^2 \delta y \, dx$ .

V2.  $\delta I = \int_1^2 3\delta y \, dx$ .

V3.  $\delta I = \int_1^2 [3y^2 \delta y + y^3 \delta y'] \, dx$ .

V4.  $\delta I = \int_1^2 [y^3 \delta y + 3y(\delta y')^2] \, dx$ .

Q2.1.49. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу  $\int_0^1 y(x+y) \, dx$  ?

V1.  $\delta I = \int_0^1 2y \delta y \, dx$ .

V2.  $\delta I = \int_0^1 (x+2y) \delta y \, dx$ .

V3.  $\delta I = \int_0^1 2xy \delta y \, dx$ .

V4.  $\delta I = \int_0^1 (x+y) \delta y \, dx$ .

Q2.1.50. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу  $\int_1^3 x^2 (y')^3 \, dx$  ?

V1.  $\delta I = \int_1^3 x^2 (3y'^2 + y' \delta y') \delta y' \, dx$ .

V2.  $\delta I = \int_1^3 (3x^2 y'^2 + 3x^2 \delta y') \delta y' \, dx$ .

V3.  $\delta I = \int_1^3 x^2 (y'^2 + 3y' \delta y' + (\delta y')^2) \delta y' \, dx$ .

V4.  $\delta I = \int_1^3 3x^2 y'^2 \delta y' \, dx$ .

Q2.1.51. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу  $\int_0^\pi y'^2 \cos y \, dx$  ?

V1.  $\delta I = \int_0^\pi (y' \delta y + y \delta y') \, dx$ .

V2.  $\delta I = \int_0^\pi (2y' \cos y \delta y' - y'^2 \sin y \delta y) \, dx$ .

V3.  $\delta I = \int_0^\pi (2y' \delta y + y \sin y \delta y') \, dx$ .

V4.  $\delta I = \int_0^\pi (\cos y \delta y + y' \delta y') \, dx$ .

Q2.1.52. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу

$$I[y] = \int_0^1 (y' + e^{xy}) dx ?$$

$$V1. \delta I = \int_0^1 [e^{xy} \delta y' + (y' + x e^{xy}) \delta y] dx. \quad V2. \delta I = \int_0^1 [y' \delta y' + e^{xy} \delta y] dx.$$

$$V3. \delta I = \int_0^1 (\delta y' + x e^{xy} \delta y) dx. \quad V4. \delta I = \int_0^1 [e^{xy} \delta y' + x \delta y] dx.$$

Q2.1.53. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу

$$I[y] = \int_{-2}^1 (xy - (y')^2) dx ?$$

$$V1. \delta I = \int_{-2}^1 (y' \delta y + y \delta y') dx. \quad V2. \delta I = \int_{-2}^1 (xy'^2 \delta y + x^2 \delta y') dx.$$

$$V3. \delta I = \int_{-2}^1 (x \delta y' - 2xy' \delta y) dx. \quad V4. \delta I = \int_{-2}^1 (x \delta y - 2y' \delta y') dx.$$

Q2.1.54. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу

$$I[y] = \int_0^{\pi} (x \sin y + (y')^2) dx ?$$

$$V1. \delta I = \int_0^{\pi} (\cos y \delta y + y' \delta y') dx. \quad V2. \delta I = \int_0^{\pi} (x \cos y \delta y + 2y' \delta y') dx.$$

$$V3. \delta I = \int_0^{\pi} (2y' \delta y' - y'^2 \sin y \delta y) dx. \quad V4. \delta I = \int_0^{\pi} (x \sin y \delta y - y'^2 \delta y') dx.$$

Q2.1.55. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу

$$I[y] = \int_0^1 (xy' + y e^{y'}) dx.$$

$$V1. \delta I = \int_0^1 [(x + y e^{y'}) \delta y' + e^{y'} \delta y] dx. \quad V2. \delta I = \int_0^1 [e^{y'} \delta y' + x \delta y] dx.$$

$$\text{V3. } \delta I = \int_0^1 [x \delta y' + e^{y'} \delta y] dx. \quad \text{V4. } \delta I = \int_0^1 [e^{y'} \delta y' + (x + e^{y'}) \delta y] dx.$$

Q2.1.56. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу

$$I[y] = \int_1^2 (\sqrt{xy} + \ln y') dx ?$$

$$\text{V1. } \delta I = \int_1^2 (\sqrt{y} \delta y + y' \delta y') dx. \quad \text{V2. } \delta I = \int_1^2 \left( \frac{x}{2\sqrt{y}} \delta y + \frac{1}{y'} \delta y' \right) dx.$$

$$\text{V3. } \delta I = \int_1^2 \left( \frac{x}{y'} \delta y + \delta y' \right) dx. \quad \text{V4. } \delta I = \int_1^2 \left( \sqrt{\frac{x}{4y}} \delta y + \frac{1}{y'} \delta y' \right) dx.$$

Q2.1.57. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу

$$I[y] = \int_1^e (x \ln y + (y')^2) dx ?$$

$$\text{V1. } \delta I = \int_1^e (2y' \delta y + (x/y) \delta y') dx. \quad \text{V2. } \delta I = \int_1^e ((x/y) \delta y + 2y' \delta y') dx.$$

$$\text{V3. } \delta I = \int_1^e (x \delta y + (1/y') \delta y') dx. \quad \text{V4. } \delta I = \int_1^e ((x/y') \delta y + x \delta y') dx.$$

Q2.1.58. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу

$$I[y] = \int_0^1 xy \arctg y' dx ?$$

$$\text{V1. } \delta I = \int_0^1 x \left( \arctg y' \delta y + \frac{y \delta y'}{1 + (y')^2} \right) dx.$$

$$\text{V2. } \delta I = \int_0^1 x \left( y \arctg y' \delta y + \frac{y \delta y + y' \delta y'}{1 + (y')^2} \right) dx.$$

$$\text{V3. } \delta I = \int_0^1 x \frac{y \delta y - y' \delta y'}{1 + (y')^2} dx. \quad \text{V4. } \delta I = \int_0^1 x (y \delta y - y' \delta y') \arctg y' dx.$$

Q2.1.59. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу

$$I[y] = \int_1^2 y' \sqrt{x^2 + y^2} dx ?$$

$$\text{V1. } \delta I = \int_1^2 \left( \frac{x + y'}{\sqrt{x^2 + y^2}} \delta y + 2\sqrt{x^2 + y^2} \delta y' \right) dx .$$

$$\text{V2. } \delta I = \int_1^2 \left( 2yy' \delta y + \sqrt{x^2 + y^2} \delta y' \right) dx .$$

$$\text{V3. } \delta I = \int_1^2 \left( \frac{y y'}{\sqrt{x^2 + y^2}} \delta y + \sqrt{x^2 + y^2} \delta y' \right) dx .$$

$$\text{V4. } \delta I = \int_1^2 \left( \frac{x}{2\sqrt{x^2 + y^2}} \delta y + 2yy' \delta y' \right) dx .$$

Q2.1.60. Чому дорівнює варіація  $\delta I$  функціоналу

$$I[y] = \int_0^\pi \left( x \cos y + y \sqrt{y'} \right) dx ?$$

$$\text{V1. } \delta I = \int_0^\pi \left( -x \sin y \delta y + 2\sqrt{y'} \delta y' \right) dx .$$

$$\text{V2. } \delta I = \int_1^2 \left( \frac{y}{2\sqrt{y'}} \delta y' + (\sqrt{y'} - x \sin y) \delta y \right) dx .$$

$$\text{V3. } \delta I = \int_1^2 \left( \frac{y}{2\sqrt{y'}} \delta y' - x \sin y \delta y \right) dx .$$

$$\text{V4. } \delta I = \int_1^2 \left( \frac{x y}{2\sqrt{y'}} \delta y' + (x\sqrt{y'} - y \sin y) \delta y \right) dx .$$

## 2.2. Екстремалі функціоналу. Умовний екстремум

Q2.2.1. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$$I[y] = \int_{-1}^0 (12xy - y'^2) dx, \text{ що задовольняють крайовим умовам } y(-1) = 1; y(0) = 0?$$

V1. Безліч розв'язків.

$$V2. y = -x^2/2.$$

V3. Немає розв'язків.

$$V4. y = -x^3.$$

Q2.2.2. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$$I[y] = \int_1^2 (y'^2 + 2yy' + y^2) dx, \text{ що задовольняють крайовим умовам } y(1) = 1; y(2) = 0?$$

$$V1. y = (1/4)x^2 - x + 1.$$

$$V2. y = (1/2)x^2 + 1.$$

V3. Немає розв'язків.

$$V4. y = -x^2 + x + 4.$$

Q2.2.3. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$$I[y] = \int_0^\pi (y'^2 - y^2 + 4y \cos x) dx, \text{ що задовольняють крайовим умовам } y(0) = 0; y(\pi) = 0?$$

$$V1. y = (x + C) \sin x.$$

$$V2. y = (x^2 - 1) \sin x.$$

$$V3. y = (x + 1) \cos x.$$

V4. Немає розв'язків.

Q2.2.4. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$$I[y] = \int_1^2 (1/x) \sqrt{1 + y'^2} dx, \text{ що задовольняють крайовим умовам } y(1) = 0; y(2) = 1?$$

$$V1. y = x^2 - 3.$$

$$V2. y = \sqrt{x - 1}.$$

$$V3. y = (y - 2)^2 + x^2 = 5.$$

V4. Немає розв'язків.

Q2.2.5. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$$I[y] = \int_0^{\pi/2} (12xy - y^2 + y'^2) dx, \text{ що задовольняють крайовим умовам } y(0) = 0; y(\pi/2) = 3\pi?$$

$$V1. y = 12x^2 / \pi.$$

V2. Немає розв'язків.

$$V3. y = 24x^3 / \pi^2.$$

$$V4. y = 6x.$$

Q2.2.6. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_0^1 y y'^2 dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 1; y(1) = \sqrt[3]{4}$  ?

$$V1. y = \sqrt[3]{(3x-1)^2}; y = \sqrt[3]{(x+1)^2}. \quad V2. y = \sqrt[3]{(3x-1)^2}; y = 3\sqrt[3]{x^2}.$$

$$V3. y = \sqrt[3]{(x+1)^2}; y = 3\sqrt[3]{x^2}. \quad V4. \text{Немає розв'язків.}$$

Q2.2.7. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_0^1 (y'^2 - y^2 - y) e^{2x} dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 0; y(1) = e^{-1}$  ?

$$V1. \text{Немає розв'язків.} \quad V2. y = (1/2)(e^{-x} + (e-1)xe^{-x} - 3).$$

$$V3. y = (1/2)(e^{-x} + (e+1)xe^{-x} - 1). \quad V4. y = (1/2)(e^{-x} - (e+1)xe^x).$$

Q2.2.8. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_0^{2\pi} (y'^2 - y^2) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 1; y(2\pi) = 1$  ?

$$V1. y = \cos x - 2x \sin x.$$

V2. Немає розв'язків.

$$V3. y = x \cos x + \sin x.$$

$$V4. y = \cos x + C \sin x.$$

Q2.2.9. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_{-1}^1 (y'^2 - 2xy) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(1) = 1; y(-1) = -1$  ?

$$V1. y = (1/6)(7x - x^3).$$

$$V2. y = (1/4)(5x - x^3).$$

$$V3. y = (1/4)(5x^3 - x).$$

$$V4. y = (1/6)(7x - x^5).$$

Q2.2.10. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$I[y] = \int_0^1 (y'^2 + x) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 1$ ;  $y(1) = 2$ ?

V1.  $y = x^2 + 1$ . V2.  $y = x + 1$ . V3.  $y = 2x^2 - x + 1$ . V4.  $y = x^3 + 1$ .

Q2.2.11. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_1^e (xy'^2 + y y') dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(1) = 0$ ;  $y(e) = 1$ ?

V1.  $y = x^2 + 6x$ .

V2.  $y = \ln x$ .

V3. Немає розв'язків.

V4.  $y = e^{-x} + xe^{-x}$ .

Q2.2.12. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_0^1 (e^y + xy') dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 0$ ;  $y(1) = 0$ ?

V1.  $y = (e^{-x} - 1)/2$ .

V2. Безліч розв'язків.

V3. Немає розв'язків.

V4.  $y = 0$ .

Q2.2.13. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_{-1}^0 (y'^2 - 2xy) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 2$ ;  $y(-1) = 0$ ?

V1.  $y = -(5/6)x^3 + (17/6)x + 2$ . V2.  $y = (13/6)x - (1/6)x^3 + 2$ .

V3.  $y = (7/6)x + (5/6)x^3 + 2$ . V4. Немає розв'язків.

Q2.2.14. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_0^1 (y'^2 + 4y^2) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = e^2$ ;  $y(1) = 1$ ?

V1.  $y = 2x - 1$ . V2. Немає розв'язків. V3.  $y = x - e^{2x}$ . V4.  $y = e^{2-2x}$ .

Q2.2.15. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_0^1 (y'^2 + 4y^2 - 8xy + 2x^2) dx$ , що задовольняють крайовим



умовам  $y(0) = 0$ ;  $y(1) = e^2 - e^{-2} + 1$ ?

V1.  $y = e^{2x} - e^{-2x} + x$ .

V2.  $y = x(e^{2x} - e^{-2x} + 1)$ .

V3. Безліч розв'язків.

V4.  $y = e^{2x} - xe^{-2x} + x$ .

Q2.2.16. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$I[y] = \int_{-1}^1 x^2 y'^2 dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(-1) = 1$ ;  $y(1) = 1$ ?

V1.  $y = x^4 - x^2 + 1$ . V2.  $y = 2 - x^2$ . V3.  $y = x^2$ . V4.  $y = 1$ .

Q2.2.17. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$I[y] = \int_0^1 (y'^2 + 2xy' + y) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 1$ ;  $y(1) = 2$ ?

V1.  $y = x^2 + 1$ .

V2.  $y = -0,25x^2 + 1,25x + 1$ .

V3. Немає розв'язків.

V4.  $y = 0,25x^2 + 0,75x + 1$ .

Q2.2.18. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$I[y] = \int_0^1 (y'^2 + y^2) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 1$ ;  $y(1) = 1$ ?

V1.  $y = \frac{\operatorname{ch} x}{\operatorname{ch} 1}$ . V2.  $y = \frac{e^{2x} + e^{-2x}}{4}$ . V3.  $y = \frac{\operatorname{sh} x}{\operatorname{sh} 1}$ . V4.  $y = \frac{e^{2x} - e^{-2x}}{4}$ .

Q2.2.19. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$I[y] = \int_0^1 (y'^2 + y y' + 12xy) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 0$ ;  $y(1) = 0$ ?

V1.  $y = -x^2 + x$ . V2.  $y = x^3 - x$ . V3.  $y = -x^3 + x^2$ . V4.  $y = x^4 - x$ .

Q2.2.20. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$I[y] = \int_0^2 (y'^2 e^x - x^3 + y') dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 2$ ;  $y(2) = 2e^{-2}$ ?

$$V1. y = 2(x-1)^2 e^{-x}.$$

$$V2. y = x e^{-x} - x^2 + 4.$$

$$V3. y = 2e^{-x}.$$

$$V4. y = x e^{-x} - x + 2.$$

Q2.2.21. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^1 (y'^2 + x^2) dx$  при крайових умовах  $y(0) = -1$ ;  $y(1) = 1$ .

V1.  $y = 2x + 1$ , слабкий мінімум. V2.  $y = 2x - 1$ , сильний максимум.

V3.  $y = 2x - 1$ , слабкий мінімум. V4.  $y = 2x + 1$ , сильний максимум.

Q2.2.22. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_2^3 \frac{x^3}{y'^2} dx$  при крайових умовах  $y(2) = 4$ ;  $y(3) = 9$ .

V1.  $y = -x^2 + 10x - 12$ , слабкий максимум. V2.  $y = (x^3 + 6x)/5$ , слабкий мінімум.

V3.  $y = 5x - 6$ , сильний максимум.

V4.  $y = x^2$ , сильний мінімум.

Q2.2.23. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_{-1}^1 (y'^2 + y'^3) dx$  при крайових умовах  $y(-1) = -1$ ;  $y(1) = 3$ .

V1.  $y = 2x + 1$ , слабкий мінімум. V2.  $y = 2x - 1$ , слабкий максимум.

V3.  $y = 2x + 1$ , слабкий максимум. V4.  $y = 2x - 1$ , слабкий мінімум.

Q2.2.24. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^{\pi/2} (y^2 - y'^2) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 1$ ;  $y(\pi/2) = 1$ .

V1.  $y = \cos x + \sin x$ , сильний максимум. V2.  $y = \sin x$ , сильний мінімум.

V3.  $y = \cos x$ , сильний максимум.

V4.  $y = \cos x - \sin x$ , сильний мінімум.

Q2.2.25. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^1 (1+y)y'^2 dx$  при крайових умовах  $y(0) = -1$ ;  $y(1) = 0$ .

V1.  $y = 2x^{4/3} - x - 1$ , сильний мінімум. V2.  $y = (x-1)e^x$ , слабкий мінімум. V3.  $y = x^{2/3} - 1$ , сильний мінімум.

V4.  $y = xe - e^x$ , слабкий максимум.

Q2.2.26. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^1 e^y y'^2 dx$  при крайових умовах  $y(0) = 0$ ;  $y(1) = \ln 4$ .

V1.  $y = 2\ln(x+1)$ , сильний мінімум.

V2.  $y = \ln((x+1)/2)$ , слабкий мінімум.

V3.  $y = (x+1)^2$ , сильний мінімум. V4.  $y = 2e^{x+1}$ , слабкий мінімум.

Q2.2.27. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^1 e^x (y'^2 + 2y^2) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 1$ ;  $y(1) = e$ .

V1.  $y = xe^{2x}$ , слабкий мінімум. V2.  $y = 2e^{x+1}$ , слабкий максимум.

V3.  $y = x^2$ , сильний максимум. V4.  $y = e^x$ , сильний мінімум.

Q2.2.28. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^1 \frac{y^3}{y'^2} dx$  при крайових умовах  $y(0) = 4$ ;  $y(1) = 1$ .

V1.  $y = 4 - 3x^2$ , слабкий мінімум. V2.  $y = 4/(x+1)^2$ , сильний мінімум. V3.  $y = (x-2)^2$ , сильний мінімум.

V4.  $y = 4 - 3x^3$ , сильний мінімум.

Q2.2.29. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^1 (y/y') dx$  при крайових умовах  $y(0)=1; y(1)=0$ .

V1.  $y = 1 - x^2$ , слабкий максимум. V2.  $y = 1 - x^3$ , слабкий мінімум.

V3.  $y = \ln((1-e)x + e)$ , слабкий максимум. V4.  $y = \ln(1 - e^x + e)$ , сильний максимум.

Q2.2.30. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^1 (1 - e^{-y'^2}) dx$  при крайових умовах  $y(0)=0; y(1)=2$ .

V1.  $y = 2x^3$ , сильний мінімум. V2.  $y = 2x^2$ , сильний максимум.

V3.  $y = 3x^2 - x$ , слабкий мінімум. V4.  $y = 2x$ , слабкий максимум.

Q2.2.31. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^1 y y'^3 dx$  при крайових умовах  $y(0)=0; y(1)=1$ .

V1.  $y = x$ , сильний мінімум. V2.  $y = 2x - x^{2/5}$ , слабкий максимум.

V3.  $y = x^{3/4}$ , слабкий мінімум. V4.  $y = x^{2/3}$ , сильний максимум.

Q2.2.32. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^6 (2xy - y'^2) dx$  при крайових умовах  $y(0)=1; y(6)=1$ .

V1.  $y = -x^3/6 + 6x + 1$ , сильний максимум. V2.  $y = x^2/6 - x + 1$ , сильний мінімум.

V3.  $y = -x^3 + 6x^2 + 1$ , слабкий мінімум.

V4.  $y = (1/2)x^2 - 3x + 1$ , сильний максимум.

Q2.2.33. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_1^2 (y' + x^2 y'^2) dx$  при крайових

умовах  $y(1) = 3; y(2) = 5$ .

V1.  $y = (7x - x^2)/2$ , сильний мінімум.

V2.  $y = x^2 + 2/x$ , слабкий мінімум.

V3. Екстремум не досягається. V4.  $y = 7 - 4/x$ , сильний мінімум.

Q2.2.34. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^2 (xy' + y'^2) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 1; y(2) = 0$ .

V1.  $y = 2x^2 - x$ , слабкий максимум. V2.  $y = -x + x^2/6$ , сильний мінімум.

V3.  $y = (1/3)x^2 + x$ , сильний максимум.

V4.  $y = -x^2/4 + 1$ , сильний мінімум.

Q2.2.35. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_{-2}^{-1} y'(1 + y'x^2) dx$  при крайових умовах  $y(-1) = y(-2) = 1$ .

V1.  $y = x$ , сильний максимум. V2.  $y = 1$ , сильний мінімум.

V3.  $y = 2 + x$ , сильний мінімум. V4.  $y = 2x^2$ , слабкий максимум.

Q2.2.36. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_1^e (12y + y'^2 x^2) dx$  при крайових умовах  $y(1) = 0; y(e) = 6$ .

V1.  $y = (6 - x + e) \ln x$ , слабкий мінімум. V2.  $y = (6 + x^2 - e^2) \ln x$ , сильний мінімум.

V3.  $y = 6 \ln x$ , сильний мінімум.

V4.  $y = 6^{e-x+1} \ln x$ , слабкий максимум.

Q2.2.37. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^3 (1 - e^{-y'^4}) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 0; y(3) = 3$ .

V1.  $y = x^2 / 3$ , сильний максимум. V2.  $y = x$ , слабкий максимум.

V3.  $y = (x+1)^{x-2}$ , слабкий мінімум. V4.  $y = x^3 / 9$ , сильний максимум.

Q2.2.38. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_1^e (4y + y'^2 x - x^2) dx$  при крайових умовах  $y(1) = 0$ ;  $y(e) = 2e - 2$ .

V1.  $y = 2(x^2 - x) / e$ , сильний мінімум. V2.  $y = 2(x^2 - x) / e$ , сильний максимум.

V3.  $y = 2x - 2$ , сильний мінімум. V4.  $y = 2x - 2$ , слабкий мінімум.

Q2.2.39. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^e (e + x) y'^2 dx$  при крайових умовах  $y(0) = 1 - \ln 2$ ;  $y(e) = 1$ .

V1.  $y = \ln(x + 2e) / \ln 2$ , слабкий мінімум. V2.  $y = \ln((x + e) / 2)$ , сильний мінімум. V3.  $y = (x / e) \ln 2 + 1 - \ln 2$ , сильний мінімум.

V4.  $y = -2 \ln x - x + e$ , слабкий мінімум.

Q2.2.40. Користуючись достатніми умовами Лежандра, дослідити на екстремум функціонал  $I[y] = \int_0^\pi y'(y + y' \sin x) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 0$ ;  $y(\pi) = 2$ .

V1.  $y = -\cos x + 1$ , сильний мінімум.

V2.  $y = 2 \sin(x / 2)$ , слабкий мінімум.

V3.  $y = 0$ , сильний мінімум. V4.  $y = 2x / \pi$ , сильний максимум.

Q2.2.41. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_1^2 (y'^2 + z'^2 + z^2 + 2xy) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(1) = 1$ ;  $z(1) = 0$ ;  $y(2) = 2$ ;  $z(2) = 1$ ?

V1.  $y = \frac{x^2}{3} - \frac{x}{6} + \frac{5}{6}$ ;  $z = \frac{1}{e-1}(e^x - e^{-x})$ . V2.  $y = \frac{x^3}{6} - \frac{x}{6} + 1$ ;

$$z = (e^x - e^{2-x}) / (e^2 - 1). \quad \text{V3. } y = x^3 - 2x^2 + 7/6; \quad z = 2(e^x - e^{2-x}).$$

$$\text{V4. } y = (e^x + e^{2-x}) / (e^2 + 2); \quad z = (1/12)x^3 - (1/2)x - 11/6.$$

Q2.2.42. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_0^\pi (y'^2 - 2y^2 - z'^2 + 2zy) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = z(0) = 0; \quad y(\pi) = 1; \quad z(\pi) = -1$ ?

$$\text{V1. } y = \sin x - \pi \cos x; \quad z = \sin x + (2x \sin x - \cos x) / \pi.$$

$$\text{V2. } y = C \sin x; \quad z = \pi(2x \sin x + \cos x).$$

$$\text{V3. } y = 2x\pi \sin x - x \cos x; \quad z = C_2 \sin x.$$

$$\text{V4. } y = C_2 \sin x - (x/\pi) \cos x; \quad z = C_2 \sin x + (2 \sin x - x \cos x) / \pi.$$

Q2.2.43. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_{1/2}^1 (y'^2 - 2xyz') dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(1/2) = 2; \quad z(1/2) = 15; \quad y(1) = z(1) = 1$ ?

$$\text{V1. } y = 1/x; \quad z = 2/x^3 - 1. \quad \text{V2. } y = 1/x^2; \quad z = 2/x - 1.$$

$$\text{V3. } y = 1/(x+2); \quad z = 3/x^2 - 1. \quad \text{V4. } y = 2/x^3; \quad z = 1/x - 1.$$

Q2.2.44. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_1^2 (z'^2 - xy'z) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(1) = z(1) = 1; \quad y(2) = -1/6; \quad z(2) = 1/2$ ?

$$\text{V1. } y = 1/x; \quad z = 2/x^4 - 7/6. \quad \text{V2. } y = 1/(x^2 + 2); \quad z = 2/x^2.$$

$$\text{V3. } y = 4/(3x^3) - 1/3; \quad z = 1/x. \quad \text{V4. } y = 2/x^3; \quad z = 1/x - 1.$$

Q2.2.45. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_{-1}^1 (z'^2 - 2y'^2 + 4xy) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(-1) = 2; \quad z(-1) = -1; \quad y(1) = 0; \quad z(1) = 1$ ?

$$\text{V1. } y = x^2 - \frac{x}{6} + \frac{5}{6}; \quad z = -x^2. \quad \text{V2. } y = \frac{x^3}{6} - \frac{x}{3} + \frac{7}{6}; \quad z = x + 1.$$

$$\text{V3. } y = x - 1; z = \frac{1}{6}(x^3 + 3x - 12). \text{ V4. } y = \frac{1}{6}(6 - x^3 - 5x); z = x.$$

Q2.2.46. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_0^{\pi/2} (y'^2 + z'^2 - 2yz) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = z(0) = 0; y(\pi/2) = z(\pi/2) = 1$ ?

$$\text{V1. } y = \sin x - \cos x; z = C_2 \sin x. \quad \text{V2. } y = \cos x; z = \cos x.$$

$$\text{V3. } y = \cos x; z = \sin x - \cos x. \quad \text{V4. } y = \sin x; z = \sin x.$$

Q2.2.47. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_{\pi/2}^{\pi} (2y'^2 - z'^2 - 2y^2 + z^2) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(\pi/2) = 0; z(\pi/2) = 1; y(\pi) = -1; z(\pi) = 1$ ?

$$\text{V1. } y = \cos x; z = \sin x + \cos x. \quad \text{V2. } y = \sin x; z = \cos x.$$

$$\text{V3. } y = \cos x; z = -\cos x + \sin x. \quad \text{V4. } y = \sin x - \cos x; z = \sin x.$$

Q2.2.48. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_0^{\pi/4} (y'^2 - z'^2 - 4y^2 + 2z) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = z(0) = 0; y(\pi/4) = 1; z(\pi/4) = -\pi^2/16$ ?

$$\text{V1. } y = 1 - \cos 2x; z = -x^2. \quad \text{V2. } y = \sin 2x; z = -x^2/2 - \pi x/8.$$

$$\text{V3. } y = \sin 10x; z = -\pi x/4. \quad \text{V4. } y = x(4x - \pi); z = -x^2.$$

Q2.2.49. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_1^2 (y'^2 + z'^2 + z^2) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(1) = 1; z(1) = 0; y(2) = 2; z(2) = 1$ ?

$$\text{V1. } y = x; z = sh(x-1)/sh1. \quad \text{V2. } y = -x; z = (e^x - e^{-x})/(e - e^{-1}).$$

$$\text{V3. } y = x - 1; z = \frac{ch(x-1)}{ch1}. \quad \text{V4. } y = 2x + \frac{7}{6}; z = \frac{2(e^{x-1} - e^{-x-1})}{ch1}.$$

Q2.2.50. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_{-1}^1 (z'^2 - 3y'^2 + 6xy) dx$ , що задовольняють крайовим умовам



$$y(-1)=2; z(-1)=-1; y(1)=0; z(1)=1?$$

$$\text{V1. } y = \frac{2x^2 - x + 5}{6}; z = x^2 - 1. \quad \text{V2. } y = \frac{1}{3}(x^3 - 2x + 4); z = 2x.$$

$$\text{V3. } y = (6 - x^3 - 5x)/6; z = x. \quad \text{V4. } y = 1 - x; z = x^3 + x^2 - 1.$$

Q2.2.51. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$$I[y, z] = \int_2^4 (y'^2 - 2xyz') dx, \text{ що задовольняють крайовим умовам}$$

$$y(2)=2; z(2)=-2; y(4)=1; z(4)=-41/24?$$

$$\text{V1. } y = 4/x; z = -(8 + 5x^3)/(3x^3). \quad \text{V2. } y = (4 - 7x^3)/x^3; z = 1/x.$$

$$\text{V3. } y = 2/x; z = (5 - 9x^3)/(2x^3). \quad \text{V4. } y = 1/(x^2 + 2); z = 2/x^2.$$

Q2.2.52. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$$I[y, z] = \int_0^1 (y'z' - yz' - 2xz + 2z) dx, \text{ що задовольняють крайовим}$$

$$\text{умовам } y(0)=1; z(0)=0; y(1)=2; z(1)=e-1?$$

$$\text{V1. } y = x^2/3 - x/6 + 5/6; z = x. \quad \text{V2. } y = -x; z = (e^x - 1)/(e - 1).$$

$$\text{V3. } y = e^{-x} + 2; z = x^2 + 1. \quad \text{V4. } y = x^2 + 1; z = e^x - 1.$$

Q2.2.53. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$$I[y, z] = \int_0^{\pi/2} (y'^2 + z'^2 + 2yz - 4x) dx, \text{ що задовольняють крайовим умова-$$

$$\text{вам } y(0)=0; z(0)=0; y(\pi/2)=1; z(\pi/2)=-1?$$

$$\text{V1. } y = \sin x; z = -\sin x. \quad \text{V2. } y = \sin x + x \cos x; z = -\sin x.$$

$$\text{V3. } y = \sin x + x(2x - \pi); z = -\sin x. \quad \text{V4. } y = 2x/\pi; z = -\sin x.$$

Q2.2.54. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$$I[y, z] = \int_0^1 (2(y+z)^2 + y'^2 + z'^2 + 4xy) dx, \text{ що задовольняють крайовим}$$

$$\text{умовам } y(0)=0; z(0)=0; y(1)=-8/3; z(1)=5/3?$$

$$\text{V1. } y = -(11/3)x + 1; z = (2/3)x + 1. \quad \text{V2. } y = -(11/3)x^5 + 1;$$

$$z = (2/3)x^5 + 1. \quad \text{V3. } y = (1/3)x^3 - 3x; z = -(1/3)x^3 + 2x.$$

$$V4. y = (1/3)x - 3x^3; z = -(1/3)x^3 + 2x^5.$$

Q2.2.55. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_0^{\pi/2} (y^2 + z^2 + y'z - yz' - 2xz + \sin x) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 1; z(0) = -2; y(\pi/2) = 0; z(\pi/2) = 1$ ?

$$V1. y = \cos x; z = ((2 - \pi)/2)\sin x - 2\cos x + x.$$

$$V2. y = (2 - \pi)\sin x - \cos x; z = ((1 - \pi)/4)\sin 2x.$$

$$V3. y = \sin 2x; z = \pi \sin x + 4\cos x + x^2.$$

$$V4. y = ((1 + \pi)/3)\sin x - \cos x; z = \sin 2x + 3x.$$

Q2.2.56. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_0^{\pi} ((y - z)^2 + y'^2 - z'^2 - 6z \cos x + 3) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 0; z(0) = -6; y(\pi) = 12; z(\pi) = 18$ ?

$$V1. y = -6\cos x - 4x^2; z = -6\cos x - 2x^2.$$

$$V2. y = -6\cos x + 6; z = -12\cos x + 6. \quad V3. y = 12\sin x - 2; z = -6\sin x - 6.$$

$$V4. y = -3\sin x - 2x; z = -6\cos x.$$

Q2.2.57. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_0^{\pi/2} (2y'z' + y^2 + z^2 - 30y \sin 2x) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = -1; z(0) = 1; y(\pi/2) = 0; z(\pi/2) = 0$ ?

$$V1. y = -\cos x - x \sin 2x; z = \cos x + 3 \sin 2x. \quad V2. y = -\cos x - \sin 2x;$$

$$z = \cos x + 4 \sin 2x. \quad V3. y = -\cos x - x^2 \sin 2x; z = \cos x - 2 \sin 2x.$$

$$V4. y = -\cos x + 4 \sin 2x; z = \cos x - 2x \sin 2x.$$

Q2.2.58. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_0^2 (y'^2 + z'^2 + y^2 + z^2 + 4xy - 6e^x) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 0; z(0) = 0; y(2) = -4; z(2) = 1$ ?

$$V1. y = x^2; z = sh(x - 1)/ch 2. \quad V2. y = ch x / ch 2; z = -(1/2)sh x.$$

$$V3. y = -2x; z = sh x / sh 2. \quad V4. y = -sh x; z = ch x / sh 2.$$

Q2.2.59. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_0^{\pi/2} (2y'z' - y^2 + z'^2 - 12y \cos x + \sin x) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 0; z(0) = 0; y(\pi/2) = 0; z(\pi/2) = \pi$ ?

$$V1. y = 3\pi \sin x + 2x \sin x - 8x; z = 3\pi \sin x + 2x \sin x - 6x.$$

$$V2. y = 6x \cos x; z = (7\pi/2) \cos x + 9x \sin x - 7\pi/2.$$

$$V3. y = 6x(2x - \pi); z = 4 \cos x + 2x \sin x - 4.$$

$$V4. y = (3\pi/2) \sin x - 3x \sin x; z = (3\pi/2) \sin x - 3x \sin x + 2x.$$

Q2.2.60. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_0^1 (y'^2 - 2z'^2 - y^2 - 4z'^2 - 4yz + 6xz) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 1; z(0) = -1; y(1) = e^{-1}; z(1) = 3/2 - e^{-1}$ ?

$$V1. y = e^{-x} - 4x^3 + 4x; z = -e^{-x} + (3/2)x^3.$$

$$V2. y = e^{-x} + (5/2)x^3 - (5/2)x; z = -e^{-x} + (1/2)x^5 + x^2.$$

$$V3. y = e^{-x} + (5/2)x^3 - (5/2)x^5; z = -e^{-x} + 2x^2 - (1/2)x.$$

$$V4. y = e^{-x} - (1/2)x^3 + (1/2)x; z = -e^{-x} + (1/4)x^3 + (5/4)x.$$

Q2.2.61. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z] = \int_0^1 (y'^2 - z'^2 - y^2 - 3z'^2 - 4yz + xz + \cos 2x) dx$ , що задовольняють крайовим умовам  $y(0) = 1; z(0) = 0; y(1) = 1; z(1) = e - 1/2$ ?

$$V1. y = (1-x)e^x + x; z = xe^x - x/2. \quad V2. y = x + \cos(\pi x/2);$$

$$z = xe^{2-x} - x/2. \quad V3. y = x^2 - x + 1; z = e^x + (1/2)x \cos \pi x.$$

$$V4. y = \cos^2 \pi x; z = e^x \sin(\pi x/2) - (3x - 2)/2.$$

Q2.2.62. Чому дорівнюють допустимі екстремалі задачі Лагранжа для функціоналу  $I[y, z] = \int_0^1 (y'^2 + z) dx$  на зв'язку  $z - y^2 - x = 0$  при крайових умовах  $y(0) = 1; z(0) = 1; y(1) = e; z(1) = e^2 + 1$ ?

$$V1. y = e^{2x}; z = 2e^{2x} - x.$$

$$V2. y = e^{2x}; z = e^x + 1.$$

$$V3. y = e^x; z = e^{2x} + x.$$

$$V4. y = e^{-x}; z = e^{-x+2} + x.$$

Q2.2.63. Чому дорівнюють допустимі екстремалі задачі Лагранжа для функціоналу  $I[y, z] = \int_0^1 (y'^2 + z'^2) dx$  на зв'язку  $y - z^2 + 1 = 0$  при крайових умовах  $y(0) = 0; z(0) = 1; y(1) = 1; z(1) = \sqrt{2}$  ?

$$V1. y = \frac{1}{4}x^2 + \frac{3}{4}x; z = \sqrt{\frac{1}{4}x^2 + \frac{3}{4}x + 1}. \quad V2. y = \sqrt{\frac{1}{4}x^2 + \frac{3}{4}x};$$

$$z = \sqrt{5x^2/4 + 3x/4}. \quad V3. y = \sqrt{x^2/4 + 3/4}; z = x^2/4 + 3x/4 + 2.$$

$$V4. y = (1/4)x^2 + (3/4)x; z = \sqrt{x+1}.$$

Q2.2.64. Чому дорівнюють допустимі екстремалі задачі Лагранжа для функціоналу  $I[y, z] = \int_0^1 (z'^2 + z + y) dx$  на зв'язку  $y' + z' - 1 = 0$  при крайових умовах  $y(0) = 0; z(0) = 1; y(1) = 1; z(1) = 2$  ?

$$V1. y = C; z = x + 1.$$

$$V2. y = x + 1; z = 1.$$

$$V3. y = 0; z = x + 1.$$

$$V4. y = x; z = x + 1.$$

Q2.2.65. Чому дорівнюють допустимі екстремалі задачі Лагранжа для функціоналу  $I[y, z] = \int_{-2}^1 \sqrt{1 + y'^2 + z'^2} dx$  на зв'язку  $3z = 2x - 5y - 3$  при крайових умовах  $y(-2) = -2; z(-2) = 1; y(1) = -2; z(1) = 3$  ?

$$V1. y = \frac{2}{3}x + \frac{4}{3}; z = \frac{2}{3}x - \frac{11}{3}. \quad V2. y = -2; z = \frac{2}{3}x + \frac{7}{3}.$$

$$V3. y = \frac{2}{3}x + \frac{7}{3}; z = -2. \quad V4. y = \frac{2}{3}x - \frac{11}{3}; z = \frac{2}{3}x + \frac{4}{3}.$$

Q2.2.66. Чому дорівнюють допустимі екстремалі задачі Лагранжа для функціоналу  $I[y, z] = \int_1^4 \sqrt{1 + y'^2 + z'^2} dx$  на зв'язку  $5y = 2x + 2z + 14$  при крайових умовах  $y(1) = 2; z(1) = -3;$

$$y(4)=4; z(4)=-1?$$

$$V1. y = \frac{2}{3}x - \frac{11}{3}; z = \frac{2}{3}x + \frac{4}{3}.$$

$$V2. y = x + 1; z = -7x + 4.$$

$$V3. y = 2x - 1; z = -\frac{7}{3}x - \frac{2}{3}.$$

$$V4. y = \frac{2}{3}x + \frac{4}{3}; z = \frac{2}{3}x - \frac{11}{3}.$$

Q2.2.67. Чому дорівнюють допустимі екстремалі задачі Лагранжа для функціоналу  $I[y, z] = \int_0^1 (y^2 + z^2) dx$  на зв'язку  $y' = 3y + 4z$  при крайових умовах  $y(0) = 1; y(1) = e^5$ ?

$$V1. y = e^x; z = e^{2x} + x.$$

$$V2. y = e^{5x}; z = 0.5e^{5x}.$$

$$V3. y = e^x; z = 5e^{x+4}.$$

$$V4. y = e^x + 4; z = 0.2e^{5x} + 4.$$

Q2.2.68. Чому дорівнюють допустимі екстремалі задачі Лагранжа для функціоналу  $I[y, z] = \int_0^1 (y^2 + 2yz' + z^2) dx$  на зв'язку  $y' = -4y - 2z$  при крайових умовах  $y(0) = -1; y(1) = -e^2; z(0) = 3; z(1) = 3e^2$ ?

$$V1. y = -e^{2x} + x^2 - x; z = 3e^{2x} + 2x^2 - 2x^3. V2. y = -e^{2x} + \sin \pi x;$$

$$z = 3e^{2x} - x + x^3. V3. y = -e^{2x} + x \cos(\pi x / 2); z = 4(x - 3/2)^2 e^{2x}.$$

$$V4. y = -e^{2x}; z = 3e^{2x}.$$

Q2.2.69. Чому дорівнюють допустимі екстремалі задачі Лагранжа для функціоналу  $I[y, z] = \int_0^1 (y'^2 + z'^2 + 1) dx$  на зв'язку  $y + z - 2x^2 = 0$  при крайових умовах  $y(0) = 5; z(0) = -5; y(1) = e + 6; z(1) = -e - 4$ ?

$$V1. y = e^x + 2x^2 + 4; z = -e^x - 4.$$

$$V2. y = e^x + 2x + 4;$$

$$z = -xe^x - 5 + x.$$

$$V3. y = e^x + 2x^3 + 4; z = -e^x - 4 \cos^2 \pi x.$$

$$V4. y = (2 - x)e^x + 3x + 3; z = (x - 2)e^x - 3 - x.$$

Q2.2.70. Чому дорівнюють допустимі екстремалі задачі Лагранжа для функціоналу  $I[y, z] = \int_0^{\pi/2} (y'^2 - z'^2) dx$  на зв'язку  $y' - z + \cos x = 0$

при крайових умовах  $y(0)=0; z(0)=0,5; y(\pi/2)=0; z(\pi/2)=\pi/4$ ?

V1.  $y=-(1/2)x^2 \cos x; \quad z=(\cos x+x \sin 3x)/2.$

V2.  $y=(1/2)x \cos \pi x; \quad z=(\cos x-x \sin 5x)/2.$

V3.  $y=-(1/2)x \cos x; \quad z=(\cos x+x \sin x)/2.$

V4.  $y=-(1/2)x^3 \cos x; \quad z=(\cos 3x+x \sin 3x)/2.$

Q2.2.71. Чому дорівнюють допустимі екстремалі задачі Лагранжа для функціоналу  $I[y, z]=\int_0^1 (y'^2+z'^2+x^3)dx$  на зв'язку  $3x+y-2z=0$  при крайових умовах  $y(0)=2; z(0)=1; y(1)=1; z(1)=2$ ?

V1.  $y=-3x+2; z=x-2.$  V2.  $y=3x-2; z=3x-2.$

V3.  $y=-x+2; z=x+1.$  V4.  $y=-x; z=2-x.$

Q2.2.72. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y]=\int_0^1 (y')^2 dx$  при крайових умовах  $y(0)=1; y(1)=6$  та ізопериметричному зв'язку  $\int_0^1 y dx=3$ ?

V1.  $y=3x^2+2x+1.$  V2.  $y=-5x^3+3x^2+2.$

V3.  $y=-7x+1.$  V4.  $y=-x^3+5x^4+x-1.$

Q2.2.73. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y, z]=\int_0^1 (y'^2+z'^2-4xz'-4z)dx$  при крайових умовах  $y(0)=0; z(0)=0; y(1)=1; z(1)=1$  та ізопериметричному зв'язку  $\int_0^1 (y'^2-z'^2-xy)dx=2$ ?

V1.  $y=(9x-7x^2)/2; z=-x.$  V2.  $y=(11x-9x^2)/2; z=2x-x^3.$

V3.  $y=(7x-5x^2)/2; z=x.$  V4.  $y=-x^2+2x; z=x^2.$

Q2.2.74. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y]=\int_0^1 (y'^2+4x^3)dx$  при крайових умовах  $y(0)=0; y(1)=0$  та

ізопериметричному зв'язку  $\int_0^1 y dx = 2$ ?

V1.  $y = 3x^2 + 2x$ .

V2.  $y = -12x^2 + 12x$ .

V3.  $y = (-x^4 + 2x^3 + x^2)/3$ .

V4.  $y = 0$ .

Q2.2.75. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$I[y] = \int_0^1 (y'^2 - 3x^2) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 2$ ;  $y(1) = 0$  та

ізопериметричному зв'язку  $\int_0^1 xy dx = 1$ ?

V1.  $y = (5x^2 - 9x + 4)/2$ .

V2.  $y = (-7x^4 + x + 6)/3$ .

V3.  $y = -4x^3 + 2x + 2$ .

V4.  $y = -5x^3 + 3x + 2$ .

Q2.2.76. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$I[y] = \int_0^1 (y'^2 + 2x) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 0$ ,  $y(1) = 3$  та

ізопериметричному зв'язку  $\int_0^1 x^2 y dx = 0$ ?

V1.  $y = 5x^3 - 2x^2$ .

V2.  $y = -x^3 + 6x^2 - 2x$ .

V3.  $y = (7x^4 + 2x)/3$ .

V4.  $y = 7x^4 - 4x$ .

Q2.2.77. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$I[y] = \int_0^1 (y')^2 dx$  при крайових умовах  $y(0) = 1$ ;  $y(1) = 4$  та ізопе-

риметричному зв'язку  $\int_0^1 (y - xy') dx = 0$ ?

V1.  $y = 3x^2 + 1$ .

V2.  $y = 2x^3 + x + 1$ .

V3.  $y = -x^3 + 5x^4 - x + 1$ .

V4.  $y = -x^3 + 4x^2 + 1$ .

Q2.2.78. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу

$I[y] = \int_0^1 (y'^2 + x^2) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 0$ ,  $y(1) = 0$  та

ізопериметричному зв'язку  $\int_0^1 y^2 dx = 2$ ?

V1.  $y = \pm 2tg n\pi x$ ,  $n = 1, 2, \dots$

V2.  $y = \pm 2\sin n\pi x$ ,  $n = 1, 2, \dots$

V3.  $y = 2\sin(\pi x/2) - 2x$ .    V4.  $y = x(x-1) + \sin n\pi x$ ,  $n = 1, 2, \dots$

Q2.2.79. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_0^1 (y'^2 + 3x^2) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 0$ ;  $y(1) = 0$  та ізопериметричному зв'язку  $\int_0^1 y dx = 1/3$ ?

V1.  $y = 0$ .

V2.  $y = (x - x^2)/4$ .

V3.  $y = x^3 - 2x^2 + x$ .

V4.  $y = -2x^2 + 2x$ .

Q2.2.80. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_0^1 (y'^2 + e^{2x}) dx$  при крайових умовах  $y(0) = -1$ ;  $y(1) = 4$  та ізопериметричному зв'язку  $\int_0^1 xy dx = 1/2$ ?

V1.  $y = 5x^3 - 1$ .

V2.  $y = -(3x + 1) \cos \pi x$ .

V3.  $y = -x^5 + 6x^2 - 1$ .

V4.  $y = 8x^3 - (x + 1)^2$ .

Q2.2.81. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_0^1 (y'^2 + 5x^4) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 1$ ;  $y(1) = -4$  та ізопериметричному зв'язку  $\int_0^1 xy dx = -1/6$ ?

V1.  $y = -x^3 - 3x^4 - x + 1$ .

V2.  $y = -5x^3 + x + 1$ .

V3.  $y = -9x^3 + 4x^2 + 1$ .

V4.  $y = -5x + 1$ .

Q2.2.82. Чому дорівнюють допустимі екстремалі функціоналу  $I[y] = \int_0^{\pi/2} (y'^2 - y^2) dx$  при крайових умовах  $y(0) = 0$ ;  $y(\pi/2) = 3\pi$  та ізопериметричному зв'язку  $\int_0^{\pi/2} y \sin 2x dx = 0$ ?

V1.  $y = 3\pi \cos x - 6x \sin 2x$ .

V2.  $y = -4 \sin x - 3\pi \cos 2x$ .

V3.  $y = 12 \cos x + \pi \cos 2x$ .

V4.  $y = 3\pi \sin x - 8 \sin 2x$ .



## З М І С Т

Передмова . . . . .	3
1. Операційне числення . . . . .	3
1.1. Основні поняття операційного числення . . . . .	3
1.2. Відшукування зображення за оригіналом.	
Обернення перетворення Лапласа . . . . .	9
1.3. Операційний метод розв'язування диференціальних рівнянь та їх систем . . . . .	26
2. Варіаційне числення . . . . .	50
2.1. Основні поняття варіаційного числення . . . . .	50
2.2. Екстремалі функціоналу. Умовний екстремум . . . . .	62
Додаток-вкладиш: Правильні відповіді до завдань. Частина шоста . . . . .	81

НАВЧАЛЬНЕ ВИДАННЯ

**ЗБІРНИК ТЕСТОВИХ ЗАВДАНЬ  
З ВИЩОЇ МАТЕМАТИКИ.  
ЧАСТИНА ШОСТА:  
ОПЕРАЦІЙНЕ ЧИСЛЕННЯ.  
ВАРІАЦІЙНЕ ЧИСЛЕННЯ**

Дидактичні матеріали до самостійної роботи  
з дисципліни

**«Вища математика»**

(для студентів 1 курсу денної та заочної форм навчання  
за напрямом підготовки 6.050701 «Електротехніка та  
електротехнології», спеціальностей «Електротехнічні системи  
електроспоживання» і «Світлотехніка і джерела світла»)

Укладачі: Колосов Анатолій Іванович,  
Якунін Анатолій Вікторович,  
Ситникова Юлія Валеріївна

Відповідальний за випуск *С. О. Станішевський*

Редактор *З. І. Зайцева*

Комп'ютерне верстання *А. В. Якунін*

План 2010, поз. 140 М

---

Підп. до друку 05.01.2011	Формат 60x84 1/16
Друк на ризографі.	Ум. друк. арк. 5,0
Зам. №	Тираж 50 пр.

Видавець і виготовлювач:

Харківська національна академія міського господарства,  
вул. Революції, 12, Харків, 61002

Електронна адреса: [rectorat@ksame.kharkov.ua](mailto:rectorat@ksame.kharkov.ua)

Свідоцтво суб'єкта видавничої справи:

ДК № 731 від 19.12.2001