

УДК 537.311.4

А.А.ХАРИСОВ, канд. техн. наук

Харьковская государственная академия городского хозяйства

## РАСЧЕТНАЯ МОДЕЛЬ МНОГОТОЧЕЧНОГО ЭЛЕКТРИЧЕСКОГО КОНТАКТА

Предлагается усовершенствованная расчетная модель многоточечного электрического контакта. Выведены расчетные формулы, позволяющие определять переходное сопротивление электрического контакта в зависимости от размеров и распределения элементарных контактных пятен в условно плоском поле контактирования. Расчетная модель допускает решение и обратных задач.

В практике разработки электрических контактов используются различные их расчетные модели [1, 2, 3].

Нами предлагается расчетная модель в развитие известной модели, детально описанной в [3].

В отличие от указанных выше моделей в данной расчетной модели многоточечного контакта плотность тока в элементарных контактных пятнах принимается распределенной по нормальному закону вида

$$J_n(x, y) = \frac{I_n}{2\pi \left( \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3} \right)^2} \exp \left[ - \frac{(x - x_n)^2 + (y - y_n)^2}{2 \left( \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3} \right)^2} \right], \quad (1)$$

где  $I_n = \int_{-\infty}^{\infty} dx \int_{-\infty}^{\infty} J_n(x, y) dy$  – ток, проходящий через элементарное

контактное пятно;  $x_n, y_n$  – координаты центра элементарного контактного пятна в условно плоском поле контактирования;  $\varepsilon_{on}$  – среднеквадратичный радиус элементарного контактного пятна;

$\left( \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3} \right)^2$  – дисперсия нормального распределения плотности тока в

элементарном контактном пятне;  $\left(\frac{\varepsilon_{on}K_n}{3}\right)$  – нормальное отклонение

функции плотности тока в элементарном контактном пятне;  $K_n$  – численный нормирующий коэффициент значения нормального отклонения функции плотности тока в элементарном контактном пятне.

Дальнейшая схема вывода расчетных формул переходного сопротивления многоточечного контакта практически мало отличается от схемы вывода расчетных формул, приведенной в [3]. В этой связи ниже рассматриваются только конечные формулы предлагаемой расчетной модели многоточечного контакта. В общем случае выражение электрического сопротивления многоточечного контакта для одного полупространства  $z > 0$  (т.е. для одной контактной детали) имеет вид

$$R = \frac{1}{2\pi \gamma_o I^2} \sum_{n,s=1}^N I_n I_s \left[ \frac{\pi}{2\left(\frac{\varepsilon_{on}K_n}{3}\right)^2 + 2\left(\frac{\varepsilon_{os}K_s}{3}\right)^2} \right]^{1/2} \times$$

$$\times \exp \left[ -\frac{l_{ns}^2}{4\left(\frac{\varepsilon_{on}K_n}{3}\right)^2 + 4\left(\frac{\varepsilon_{os}K_s}{3}\right)^2} \right] \times$$

$$\times I_o \left[ \frac{l_{ns}^2}{4\left(\frac{\varepsilon_{on}K_n}{3}\right)^2 + 4\left(\frac{\varepsilon_{os}K_s}{3}\right)^2} \right], \quad (2)$$

где  $\gamma_o$  – удельная проводимость материала контакта;  $\varepsilon_{on}, \varepsilon_{os}$  – значения радиусов элементарных контактных пятен;  $K_n, K_s$  – нормирующие численные коэффициенты соответствующих контактных пятен;  $N$  – число контактных пятен;  $l_{ns} = \left[ (x_n - x_s)^2 + (y_n - y_s)^2 \right]^{1/2}$  – расстояние между центрами контактных пятен с соответствующими токами  $I_n$  и  $I_s$ ;  $I_o$  – модифицированная функция Бесселя.

Так как при  $n = s \rightarrow I_{nn} = 0$ , а  $I_o = 1$ , выражение (2) также можно преобразовать к виду

$$\begin{aligned}
 R = & \frac{1}{2\pi\gamma_o I^2} \sum_{n=1}^N \frac{I_n^2 \sqrt{\pi}}{2 \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3}} + \\
 & + \frac{1}{2\pi\gamma_o I^2} \sum_{n \neq s} I_n I_s \left[ \frac{\pi}{2 \left( \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3} \right)^2 + 2 \left( \frac{\varepsilon_{os} K_s}{3} \right)^2} \right]^{1/2} \times \\
 & \times \exp \left[ - \frac{I_{ns}^2}{4 \left( \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3} \right)^2 + 4 \left( \frac{\varepsilon_{os} K_s}{3} \right)^2} \right] \times \\
 & \times I_o \left[ \frac{I_{ns}^2}{4 \left( \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3} \right)^2 + 4 \left( \frac{\varepsilon_{os} K_s}{3} \right)^2} \right], \quad (3)
 \end{aligned}$$

где первый член суммы учитывает сопротивление контакта, обусловленное протеканием токов через элементарные контактные пятна, а второй – сопротивление контакта, обусловленное непосредственным взаимодействием токов элементарных контактов.

Когда проводящие пятна в многоточечных контактах находятся друг от друга достаточно далеко (так, что аргумент функции  $I_o$  значительно превышает единицу), функцию  $I_o$  в (3) можно заменить асимптотикой:

$$I_o \left[ \frac{I_{ns}^2}{4 \left( \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3} \right)^2 + 4 \left( \frac{\varepsilon_{os} K_s}{3} \right)^2} \right] \approx \frac{1}{I_{ns}^2} \left[ \frac{4 \left( \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3} \right)^2 + 4 \left( \frac{\varepsilon_{os} K_s}{3} \right)^2}{\pi} \right] \times$$

$$\times \exp \left[ \frac{I_{ns}^2}{4 \left( \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3} \right)^2 + 4 \left( \frac{\varepsilon_{os} K_s}{3} \right)^2} \right] \quad (4)$$

и записать выражение сопротивления для одного полупространства многоточечного контакта (для одной контактной детали) следующим образом:

$$R \approx \frac{1}{4\sqrt{\pi}\gamma_o I^2} \sum_{n=1}^N \frac{I_n^2}{\frac{\varepsilon_{on} K_n}{3}} + \frac{1}{2\pi\gamma_o I^2} \sum_{n \neq s}^N \frac{I_n I_s}{l_{ns}} \quad (5)$$

Когда расстояния между проводящими пятнами значительно превосходят их радиусы ( $l_{ns} \gg \varepsilon_{on}, \varepsilon_{os}$ ), вторая часть суммы в (5) становится незначительной по сравнению с первой и выражение сопротивления для одного полупространства многоточечного контакта можно записать как

$$R \approx \frac{1}{4\sqrt{\pi}\gamma_o I^2} \sum_{n=1}^N \frac{I_n^2}{\frac{\varepsilon_{on} K_n}{3}} \quad (6)$$

При этом, если можно принять, что размеры контактных пятен одного порядка и отстоят друг от друга на значительном расстоянии, то выражение сопротивления для одного полупространства многоточечного контакта (6) принимает вид

$$R \approx \frac{N}{4\sqrt{\pi}\gamma_o \frac{\varepsilon_o K}{3}}, \quad (7)$$

где  $\varepsilon_o$  – средний радиус контактных пятен.

В предельном случае, когда контактные детали содержат только одно проводящее пятно, сопротивление одноточечного контакта для одного полупространства контакта равно

$$R = \frac{1}{4\sqrt{\pi}\gamma_o \frac{\varepsilon_o K}{3}} \quad (8)$$

Численное значение нормировочного коэффициента  $K$  во всех приведенных расчетных выражениях задается в соответствии с известным в статистической физике правилом  $3\sigma$ . В нашем случае  $\sigma$  – нормальное отклонение функции плотности тока в контактном пятне,

равное  $\sigma_n = \frac{\varepsilon_{on} K_n}{3}$ . Задаваясь значениями нормировочного коэффициента  $K_n = \dots 0,5; \dots 0,75; \dots 1,0; \dots 1,5$  и т.д., а также значениями  $\gamma_o$ ,

$I_{ns}$ ,  $\varepsilon_{on}$ ,  $I_n$ , после подстановки в одну из формул (2), (3), (5)-(8) определяем значение переходного сопротивления многоточечного контакта для одной контактной детали. Соответственно для двух контактных деталей полученное значение переходного сопротивления необходимо удвоить.

Аналогичным образом с помощью приведенных расчетных выражений можно решать различного вида обратные задачи.

1. Хольм Р. Электрические контакты. – М.: ИЛ, 1961.

2. Намитокон К.К., Красовицкий В.Б. Расчет электрического сопротивления многоточечного контакта // Науч.-техн. реферативный сборник. Электрофизические и электрохимические методы обработки. Вып.8. – М., 1973.

3. Харисов А.А. Расчетная модель электрического сопротивления многоточечных контактов с нормальной плотностью распределения тока в контактных пятнах // Вестник Харьковского государственного политехнического университета. Серия НРСТ. Вып. 75. – Харьков: ХГПУ, 1999. – С.141.

Получено 25.01.2000

© Харисов А.А., 2000

УДК 628.93

В.А.МОЧУЛЬСЬКИЙ

Тернопільський державний технічний університет ім. Івана Пулюя

### **ЕКСПЕРИМЕНТАЛЬНА ПЕРЕВІРКА МОДЕЛІ, СПОСОБУ ТА ЗАСОБІВ ПІДВИЩЕННЯ ЕФЕКТИВНОСТІ ЕКСПЛУАТАЦІЇ РОЗРЯДНИХ ЛАМП НИЗЬКОГО ТИСКУ В ОСВІТЛЮВАЛЬНІЙ УСТАНОВЦІ ПІДВИЩЕНОЇ ЧАСТОТИ**

Висвітлено особливості застосування запропонованих моделі, способу та технічних засобів підвищення ефективності роботи розрядних ламп низького тиску при груповому високочастотному живленні. Наведено результати їх впровадження в освітлювальній установці підвищеної частоти.

Дослідження електроосвітлювальної мережі з метою оцінки ефективності використання групового високочастотного освітлення проводилися за допомогою засобів для визначення вихідних параметрів оптимізації – факторів інтегральної напруги (ФІН):